ZÁPADOČESKÁ UNIVERZITA V PLZNI FAKULTA ELEKTROTECHNICKÁ

Katedra aplikované elektroniky a telekomunikací

DIPLOMOVÁ PRÁCE

Konstrukce akustických zdrojů zvuku pro ověřování volného akustického pole

ZÁPADOČESKÁ UNIVERZITA V PLZNI Fakulta elektrotechnická Akademický rok: 2017/2018

ZADÁNÍ DIPLOMOVÉ PRÁCE

(PROJEKTU, UMĚLECKÉHO DÍLA, UMĚLECKÉHO VÝKONU)

Jméno a příjmení:	Bc. Luděk FOLKMAN
Osobní číslo:	E15N0061P
Studijní program:	N2612 Elektrotechnika a informatika
Studijní obor:	Telekomunikační a multimediální systémy
Název tématu:	Konstrukce akustických zdrojů zvuku pro ověřování volného akustického pole

Zadávající katedra: Katedra aplikované elektroniky a telekomunikací

Zásady pro vypracování:

- Prostudujte požadavky norem na ověřování akustických parametrů pro volné akustické pole a to především na principu stanovení poklesových křivek.
- Navrhněte vhodný akustický zdroj nebo soustavu zdrojů pro zjišťování parametrů volného akustického pole ve frekvenčním rozsahu alespoň 100 Hz - 8 kHz.
- 3. Akustické zdroje realizujte.
- 4. Parametry navržených akustických zdrojů ověřte měřením.

Rozsah grafických prací:podle doporučení vedoucíhoRozsah kvalifikační práce:40 - 60 stranForma zpracování diplomové práce:tištěná/elektronickáSeznam odborné literatury:

Handbook of Acoustics, Malcolm J. Crocker, ISBN: 978-0-471-25293-1

Vedoucí diplomové práce:

Ing. Oldřich Tureček, Ph.D. Katedra technologií a měření

Datum zadání diplomové práce: 10. října 2017 Termín odevzdání diplomové práce: 24. května 2018

Doc. Ing/ Jiří Hammerbauer, Ph.D. děkan

V Plzni dne 10. října 2017

L.S.

Doc. Dr. Ing. Vjačeslav Georgiev vedoucí katedry

Abstrakt

Předkládaná diplomová práce se zabývá návrhem a konstrukcí akustických zdrojů pro ověřování volného akustického pole. Akustické pole je simulováno za pomocí bezodrazových a polobezodrazových komor a ověřování těchto komor se provádí pomocí referenčních zdrojů zvuku. Tyto zdroje musí být všesměrové, stabilní a malé – bodové. Ověřování bezodrazových komor se provádí měřením poklesu akustického tlaku v závislosti na vzdálenosti od zdroje zvuku. Měření se provádí pro každý zdroj zvlášť ve frekvenčním pásmu, pro které je určen. Cílem této práce je navrhnout, zkonstruovat a změřit akustické zdroje, které budou vhodné pro ověřování bezodrazových a polobezodrazových komor.

Klíčová slova

Referenční zdroje zvuku, všesměrové zdroje zvuku, bodové zdroje zvuku, akustické dvojče, poloprostorový zářič, cylindrický vlnovod, kónický vlnovod, ověřování volného akustického pole, Thiele – Smallovy parametry, náhradní schéma reproduktoru, směrovost reproduktoru, ověřování bezodrazových a polobezodrazových komor.

Abstract

This thesis is aimed at the design and construction of acoustics sources for verification of parameters of free acoustic field. The free acoustic field can be simulated in the anechoic chamber, and the qualification of anechoic chambers can be assessed using these sources. These acoustic sources should by omnidirectional, stable and point. The qualification of the anechoic chamber is judged by the measurement of the sound pressure drop with the distance from the source. Measurements are made by using several acoustic sources for different frequency bands. The aim of this thesis is to design and construct acoustics sources, which are useful for testing the properties and qualification of anechoic and hemi anechoic chambers.

Key words

Reference soud source, omnidirectional sound source, point sound source, pulsing sphere (acoustic twin), half-space radiator, cylindrical horn, conical horn, free acoustics field verify, Thiele – Small parameters, directivity of speaker, Anechoic and hemi-anechoic chambers qualifycation...

Prohlášení

Prohlašuji, že jsem tuto diplomovou práci vypracoval samostatně, s použitím odborné literatury a pramenů uvedených v seznamu, který je součástí této diplomové práce.

Dále prohlašuji, že veškerý software, použitý při řešení této diplomové práce, je legální.

.....

podpis

V Plzni dne 24.5.2018

Luděk Folkman

Poděkování

Tímto bych rád poděkoval vedoucímu diplomové práce Ing. Oldřichovi Turečkovi, Ph.D. za cenné profesionální rady, připomínky a metodické vedení práce.

Obsah

0	BSAH	8
SI	EZNAM TABULEK	9
SI	EZNAM OBRÁZKŮ	10
SI	EZNAM SYMBOLŮ A ZKRATEK	11
Ú	VOD	12
1	SLEDOVANÉ POŽADAVKY V BEZODRAZOVÝCH A V POLOBEZODRAZOVÝCH	
K	OMORÁCH S ODRAZIVOU ROVINOU	13
2	POŽADAVKY NOREM NA ZKUŠEBNÍ ZDROJE	15
	21 Οβεςνέροζαδανκυ	15
	2.2 POŽADAVKY NA DYNAMIKU	
	2.3 POŽADAVKY NA ZAPOJENÍ REPRODUKTORŮ ZDROJE	
	2.4 POŽADAVKY NA SMĚROVOST ZKUŠEBNÍHO ZDROJE:	17
	2.5 POŽADAVKY NA ČASOVOU STABILITU ZDROJE	17
	2.6 POŽADAVKY NA SPEKTRÁLNÍ VLASTNOSTI DLE [3]	17
	2.7 POŽADAVKY NA SMĚROVÝ INDEX	17
	2.8 POZADAVKY NA UMISTENI ZDROJE:	18
	2.9 POZADAVKY NA VELIKOSI ZDROJE:	10 18
	2.9.1 Euroje pro frekvence do 800 Hz	18 18
	2.9.3 Zdroje pro frekvence nad 10 kHz dle [1] a [2]	
3	IDEOVÁ KONCEPCE REFERENČNÍCH ZDROJŮ	19
	3.1 HALF – POLYHEDRON	19
	3.2 POLYHEDRON	
	3.3 AKUSTICKÉ DVOJČE (PULZUJÍCÍ KOULE)	21
	3.4 POLOPROSTOROVÝ ZÁŘIČ	21
	3.5 TLAKOVÝ REPRODUKTOR NAVÁZANÝ DO VÁLCOVÉHO ZVUKOVODU	22
	3.6 REFERENČNÍ ZDROJ AKUSTICKÉHO VÝKONU	23
4	ORIENTAČNÍ ZKOUŠKY VYBRANÝCH ZDROJŮ	24
	4.1 ORIENTAČNÍ ZKOUŠKY AKUSTICKÉHO DVOJČETE	24
	4.1.1 Akustické dvojče spojené šrouby s nastavitelnou neutěsněnou mezerou	25
	4.1.2 Měření akustického dvojčete s reproduktory s uzavřenou ozvučnicí	
	4.2 ORIENTACNI ZKOUSKY POLOPROSTOROVEHO ZARICE	
	4.2.1 Poloprostorový záříč o objemu 0,8 l	
	4.2.2 1 <i>GODE ONDERVIEW OF CHARAKTERISTIKY REPRODUKTORU</i>	
	4.3.1 Porovnání směrových charakteristik kmitajícího pístu se směrovými charakteristikami ku	želovité
	membrány reálného reproduktoru	
	4.4 ZHODNOCENÍ EXPERIMENTŮ	39
5	NÁVRH ZDROJŮ ZVUKU	40
	5.1 VÝPOČET FREKVENČNÍ CHARAKTERISTIKY REPRODUKTORU V UZAVŘENÉ OZVUČNICI Z T-S PAF	AMETR Ů
	A NÁHRADNÍHO SCHÉMATU REPRODUKTORU	40
	5.1.1 Parametry reproduktoru	40
	5.1.2 Odvození náhradního schématu reproduktoru	41

5.1.3	Náhradní schéma reproduktoru v uzavřené ozvučnici	
5.2 NÁ	VRH AKUSTICKÉHO DVOJČETE PRO PÁSMO 100 HZ AŽ 2 KHZ	47
5.2.1	Výpočet minimálního objemu mezi reproduktory	
5.2.2	Určení optimálního objemu mezi reproduktory	
5.2.3	Výběr reproduktoru pro akustické dvojče	
5.3 NÁ	VRH POLOPROSTOROVÉHO ZÁŘIČE PRO PÁSMO 100 HZ AŽ 2 KHZ	53
5.3.1	Výpočet minimálního objemu uzavřené ozvučnice	
5.3.2	Úrčení optimálního objemu mezi reproduktory	
5.3.3	Výběr reproduktoru pro poloprostorový zářič	
5.4 NÁ	VRH ZVUKOVODOVÉHO ZDROJE	59
5.4.1	Odvození impedance cylindrického vlnovodu konečné délky	
5.4.2	Odvození impedance kónického vlnovodu konečné délky	
5.4.3	Výběr tlakového reproduktoru pro vlnovod	
6 ZÁVĚF	₹	63
SEZNAM L	ITERATURY A INFORMAČNÍCH ZDROJŮ	64
PŘÍLOHY		1

Příloha A: *A-F charakteristiky dalších reproduktorů, vyhodnocovaných v rámci výběru reproduktorů pro konstrukci akustického dvojčete*

Příloha B: A-F charakteristiky dalších reproduktorů, vyhodnocovaných v rámci výběru reproduktoru pro konstrukci poloprostorového zářiče

Příloha C: Odvození vlnové impedance cylindrického vlnovodu

Příloha D: Odvození vlnové impedance kónického vlnovodu

Seznam tabulek

TAB. 1.1: MAXIMÁLNÍ POVOLENÁ ODCHYLKA ZMĚŘENÝCH HLADIN AKUSTICKÉHO TLAKU OD TEORETICKÝCH HLADIN	
PODLE ZÁKONA POKLESU	.14
TAB. 2.1: Přípustné odchylky směrovosti zkušebního zdroje	.17
TAB. 2.2: MAXIMÁLNÍ HODNOTA SMĚRODATNÉ ODCHYLKY HLADINY AKUSTICKÉHO VÝKONU REFERENČNÍHO ZDROJE	2
zvuku, který odpovídá normě ČSN ISO 6926, v opakovatelných podmínkách	.17
TAB. 2.3: MAXIMÁLNÍ ODCHYLKA MEZI SOUSEDNÍMI TŘETINOOKTÁVOVÝMI PÁSMY	.17
TAB. 5.1: Limitující parametry reproduktoru 4NDS34	.55
TAB. 5.2: Limitující parametry reproduktoru WF 130 ND	.56
TAB. 5.3: Limitující parametry reproduktoru NTR06-1705D	.57
TAB. 5.4: Limitující parametry reproduktoru 35NDF26	.58

Seznam obrázků

OBR. 3.1.1: AKUSTICKÝ ZDROJ NORSONIC NOR275	19
OBR. 3.2.1: AKUSTICKÝ ZDROJ NORSONIC NOR276	20
OBR. 3.2.2: PŘÍKLAD ZDROJE TYPU IKOSAHEDRON S DVACETI REPRODUKTORY	20
OBR. 3.3.1: ILUSTRAČNÍ NÁČRTEK AKUSTICKÉHO DVOJČETE	21
OBR. 3.4.1: ILUSTRAČNÍ NÁČRTEK POLOPROSTOROVÉHO ZÁŘIČE.	21
OBR. 3.6.1: REFERENČNÍ ZDROJ AKUSTICKÉHO VÝKONU FIRMY BRÜEL & KJAER	23
OBR. 4.1.1: ILUSTRAČNÍ NÁKRES AKUSTICKÉHO DVOJČETE SPOJENÉHO ŠROUBY S NASTAVITELNOU MEZER	ou25
OBR. 4.1.2: A-F CHARAKTERISTIKY AKUSTICKÉHO DVOJČETE S NEUTĚSNĚNOU NASTAVITELNOU MEZEROU	MĚŘENÉ
V OSE ZDROJE	25
OBR. 4.1.3: A-F CHARAKTERISTIKY AKUSTICKÉHO DVOJČETE S NEUTĚSNĚNOU NASTAVITELNOU MEZEROU	MĚŘENÉ
V OSE MEZERY	
OBR. 4.1.5: VYBRANÉ RELATIVNÍ SMĚROVÉ CHARAKTERISTIKY PRO AKUSTICKÉ DVOJČE S NEUTĚSNĚNOU M	EZEROU 10
ММ	27
OBR. 4.1.6: ILUSTRAČNÍ FOTO AKUSTICKÉHO DVOJČETE S UTĚSNĚNOU MEZEROU	
OBR. 4.1.7: NAMĚŘENÉ A-F CHARAKTERISTIKY AKUSTICKÉHO DVOJČETE S UZAVŘENOU OZVUČNICÍ	
OBR. 4.1.8: SMĚROVÉ CHARAKTERISTIKY HLUKU VYDÁVANÉHO TOČNOU	29
OBR. 4.1.9: RELATIVNÍ SMĚROVÉ CHARAKTERISTIKY UTĚSNĚNÉHO AKUSTICKÉHO DVOJČETE PRO FREKVEN	ICE 100 –
320 Hz	29
OBR. 4.1.10: RELATIVNÍ SMĚROVÉ CHARAKTERISTIKY UTĚSNĚNÉHO AKUSTICKÉHO DVOJČETE PRO FREKVE	NCE 400 –
1250 Hz	
OBR. 4.2.1: ILUSTRAČNÍ FOTO POLOPROSTOROVÉHO ZÁŘIČE O OBJEMU 0,8 L	31
OBR. 4.2.2: A-F CHARAKTERISTIKY POLOPROSTOROVÉHO ZÁŘIČE O OBJEMU 0,8 L	31
OBR. 4.2.3: RELATIVNÍ SMĚROVÉ CHARAKTERISTIKY POLOPROSTOROVÉHO ZÁŘIČE O OBJEMU 0,8 L	32
OBR. 4.2.4: RELATIVNÍ SMĚROVÉ CHARAKTERISTIKY POLOPROSTOROVÉHO ZÁŘIČE O OBJEMU 0,8 L	32
OBR. 4.2.5: RELATIVNÍ SMĚROVÉ CHARAKTERISTIKY POLOPROSTOROVÉHO ZÁŘIČE O OBJEMU 0,8 L	33
OBR. 4.2.6: RELATIVNÍ SMĚROVÉ CHARAKTERISTIKY POLOPROSTOROVÉHO ZÁŘIČE O OBJEMU 0,8 L	33
OBR. 4.2.7: ILUSTRAČNÍ FOTO POLOPROSTOROVÉHO ZÁŘIČE O OBJEMU 5 L	34
OBR. 4.2.8: A-F CHARAKTERISTIKY POLOPROSTOROVÉHO ZÁŘIČE O OBJEMU 5 L	34
OBR. 4.3.1: RELATIVNÍ CHARAKTERISTIKY PŘI MEMBRÁNĚ O PRŮMĚRU 10 CM	36
OBR. 4.3.2: RELATIVNÍ CHARAKTERISTIKY PŘI MEMBRÁNĚ O PRŮMĚRU 8 CM	37
OBR. 4.3.3: NAMĚŘENÉ SMĚROVÉ CHARAKTERISTIKY REPRODUKTORU W 100 S UDÁVANÉ VÝROBCEM	38
OBR. 4.3.4: VYPOČÍTANÉ SMĚROVÉ CHARAKTERISTIKY KMITAJÍCÍHO PÍSTU O PRŮMĚRU 10 CM PRO RŮZNÉ	FREKVENCE
OBR. 5.1.1: ANALOGICKE SCHEMA ELEKTRODYNAMICKEHO REPRODUKTORU	
OBR. 5.1.2: ANALOGICKE SCHEMA ELEKTRODYNAMICKEHO REPRODUKTORU VC. VYZAROVACI IMPEDANCE	
OBR. 5.1.3: NAHRADNI SCHEMA ELEKTRODYNAMICKEHO REPRODUKTORU PLNE PREVEDENE NA ELEKTRIC	KOU STRANU
OBR. 5.1.5: PRIKLAD A-F CHARAKTERISTIKY REPRODUKTORU V UZAVRENE OZVUCNICI O OBJEMU V_B	
OBR. 5.1.4: NAHRADNI SCHEMA ELEKTRODYNAMICKEHO REPRODUKTORU V UZAVRENE OZVUCNICI PLNE I	PREVEDENE
NA ELEKTRICKOU STRANU	
OBR. 5.2.1: ODHAD SMEROVE CHARAKTERISTIKY AKUSTICKEHO DVOJCETE PRO PRUMER MEMBRAN 8 CM,	FREKVENCI
2 KHZ, A PRI TESNE BLIZKOSTI DVOU REPRODUKTORU OTOCENYCH O 180°	
OBR. 5.2.2: REPRODUKTOR W 130 X - ILUSTRACNI FOTO	50
OBR. 5.2.3: A-F CHARAKTERISTIKY REPRODUKTORU W 130 X PRO V _{MIN} A V _{OPT}	
OBR. 5.2.4: $REPRODUKTOR 4ND554 - ILUSTRACNI FOTO$	
OBR. 5.2.5: A- Γ CHARAKTERISTIKY REPRODUKTORU 41ND554 PRO V_{MIN} A V_{OPT}	
OBK. 5.2.0. REPRODUKTOR W ISO ND - ILOSTRACNI FOTO	
ODR. $5.2.7.A-T$ CHARAKTERISTIKT REPRODUKTORU W 150 WD PRO V _{MIN} A V _{OPT}	
OBK. 5.5.1. SNIZENI A ROZSIRENI AKUSIICKI ZARIC SE ZVEISENIM OBJEMEM	
Odk. $5.5.2. A-T$ Charakiekistiki kerkuduktuku 419D554 PKU v_{MN} A v_{OPT}	
ΟΒΝ. 5.5.5-1-1 ΟΠΑΚΑΚΙΕΝΙSΤΙΚΙ ΚΕΓΚΟΡΟΚΙΟΚΟ ΨΙ' ΙΟΟΙΥΡ ΓΚΟ Υ _{ΜΙΝ} Α Υ _{ΟΡΤ}	
Obv. 5.5. T. REFRODUCION INTROCT/USD - ILUSIKAUNI FUTU	
ΟΒΟ 5 3 6· REDDODINTO 35NDF26 Η ΠΩΤΟ ΛΟΝΊ ΓΟΤΟ	
Obv. 5.3.0. Alf roduktor 5514D120 - ILUSIKAUNI FUIU	
OBR. 5.5.1.11 I CHARARTERISTIRT RELIXOURTORO SUPULZO PRO $v_{MIN} a v_{OPT}$	
OBR 542-ILUSTRAČNÍ NÁKRES KÓNICKÉHO VLNOVODU	

Seznam symbolů a zkratek

- A-F Amplitudová frekvenční
- d Šířka mezery (*m*)
- f Frekvence (Hz)
- f_r Rezonanční frekvence reproduktoru v ozvučnici (Hz)
- f_d Dolní mezní frekvence reproduktoru v ozvučnici (*Hz*), udávaná pro pokles o 3 dB
- ka Vlnočet
- *L_p* Hladina akustického tlaku (*dB*)
- m_{AP} Vyzařovací hmotnost spolukmitajícího sloupce vzduchu. $\binom{kg}{m^4}$
- R_{AP} Vyzařovací odpor spolukmitajícího sloupce vzduchu. $\binom{kg}{s \times m^4}$
- Q Činitel směrovosti (-)
- S_{vpr} Průřez vnější hrany reproduktoru (m^2)
- u_0 Akustická rychlost (m/s)
- V_b Objem uzavřené ozvučnice (m^3)
- V_{min} Minimální objem uzavřené ozvučnice (m^3)
- V_m Objem mezery mezi reproduktory, mezi reproduktorem a stěnou ozvučnice (m)
- V_d Objem "kuželu" membrány reproduktoru (m^3)
- c_0 Rychlost zvuku ve vzduchu při 20 °C (= 343 m/s)
- P_0 Normální akustický tlak. (=101000 Pa)
- Z_0 Vlnová impedance vzduchu (Ω)
- λ Vlnová délka (*m*)
- δ Rezerva (*m*)
- \varkappa Poissonova konstanta. (=1,4)
- ρ Hustota vzduchu při 20 °C (= 1,205 kg/m3)
- *dpoč* Vstupní průměr vlnovodu (*m*)
- *dkonc* Výstupní průměr vlnovodu (*m*)

Úvod

Tato práce se zabývá návrhem a konstrukcí akustických zdrojů pro ověřování volného akustického pole, tedy zdrojů vhodných pro ověřování způsobilosti bezodrazových a polobezodrazových komor s odrazivou rovinou ve frekvenčním pásmu *100 Hz* až 8 *kHz*. Vznik této práce byl podmíněn potřebou ověřovat vlastnosti bezodrazových či polobezodrazových místností a nedostatkem takových zdrojů na trhu. Práce vznikla také s ohledem na fakt, že v České republice bylo publikováno na téma návrhu a konstrukce akustických zdrojů pro ověřování volného akustického pole pouze nepatrné množství článků.

V úvodu této práce jsou shrnuty sledované parametry v bezodrazových, či polobezodrazových komorách a základní požadavky na zkušební zdroje. Následuje popis ideových koncepcí a orientační zkoušky vybraných zkušebních zdrojů, které mají za cíl ověřit, zda mají vybrané konstrukční varianty potenciál fungovat a jakým parametrům při konstrukci zkušebních zdrojů věnovat zvýšenou pozornost. V závěru práce jsou popsány postupy návrhu akustického dvojčete, poloprostorového zářiče a válcového a kónického vlnovodu, včetně výběru vhodných reproduktorů.

1 Sledované požadavky v bezodrazových a v polobezodrazových komorách s odrazivou rovinou.

Smyslem bezodrazových, případně polobezodrazových komor s odrazivou rovinou je snaha nasimulovat podmínky volného akustického pole, kde dochází k volnému šíření zvuku bez jeho odrazů. S volným akustickým polem je pevně vázán zákon poklesu akustického tlaku, kterého se při ověřování volného akustického pole využívá. Problematiku postupu hodnocení bezodrazových a polobezodrazových místností řeší dvě normy. Jde o [1] – *příloha A*, [2]. Obě tyto normy specifikují:

- požadavky na přístroje a měřicí vybavení
- požadavky na zkušební zdroj zvuku
- umístění zdroje zvuku
- dráhy pohybu mikrofonů
- postup zkoušky

Veškerý následující text kapitoly **1** je výtah z norem [1] a [2]. Tyto normy dále popisují metodu měření parametrů způsobilosti volného zvukového pole, která je založena na porovnání prostorového poklesu akustického tlaku generovaného zkušebním zdrojem a akustického tlaku, který by se vyskytoval v ideálním volném akustickém poli. Dle [2] je odhad hladin akustického tlaku prováděn na základě zákona poklesu, pomocí rovnice *1.1*.

$$\Delta L_{pi} = b - 20 \times \log_{10} \left(\frac{r_i}{r_0}\right) dB \tag{1.1}$$

Kde:

 r_i je vzdálenost místa měření *i* od akustického středu zdroje zvuku, vyjádřená v metrech (*m*) r_0 je referenční hodnota, $r_0 = 1m$

b je parametr, který je nastaven tak, aby optimalizoval naměřené hladiny akustického tlaku do tolerančního pásma k maximalizování hodnocené vzdálenosti od zkoušeného zdroje zvuku.

K určení *b* může být použit opakující se proces, jehož počáteční hodnota je dána vztahem dle [2]:

$$b = \frac{\sum_{i=1}^{N} 20 \times \log_{10}\left(\frac{r_i}{r_0}\right) dB + \sum_{i=1}^{N} L_{pi}}{N}$$
(1.2)

Kde:

 L_{pi} je změřená hladina akustického tlaku v poloze měření *i*, vyjádřena v *dB*. *N* je počet poloh měření podél dráhy měření.

Výsledkem je odchylka od zákona poklesu, která se určí pomocí vztahu převzatého z [2]:

$$\Delta L_{pi} = L_{pi} - L_p(r_i) \tag{1.3}$$

Kde:

 ΔL_{pi} je odchylka od zákona poklesu vyjádřena v dB.

 L_{pi} je změřená hladina akustického tlaku (korigovaná na stabilitu zdroje) v bodě měření *i*, vyjádřená v *dB*.

 $\Delta L_{pi}(r_i)$ je hladina akustického tlaku ve vzdálenosti r_i , odhadnutá dle zákona poklesu a vyjádřená v *dB*.

Dle [2] v prostoru, který je považován za bezodrazový, nebo polobezodrazový, nesmí odchylky naměřených hladin akustického tlaku od odhadu na základě zákona poklesu, včetně rozšířené nejistoty měření překročit hodnoty dané tabulkou **Tab. 2.1.1**, viz [2]:

Typ zkušebního prostředí	Třetinooktávové frekvenční pásmo (Hz)	Povolené odchylky (dB)
Bezodrazové	≤ 630 800 až 5000 ≥ 6300	$ \pm 1,5 \pm 1,0 \pm 1,5 $
Polobezodrazové	≤ 630 800 až 5000 ≥ 6300	$ \pm 2,5 $ $ \pm 2,0 $ $ \pm 3,0 $

 Tab.
 1.1: Maximální povolená odchylka změřených hladin akustického tlaku od teoretických hladin podle zákona poklesu

2 Požadavky norem na zkušební zdroje

O požadavcích na zkušební zdroje zvuku pojednávají normy [3], [2] a [1] v příloze A. Pro hodnocení způsobilosti se používá zdroj zvuku, který aproximuje bodový zdroj zvuku ve sledovaném frekvenčním rozsahu. Veškerý text kapitoly **2** je výtah z norem [1], [2] a [3].

2.1 Obecné požadavky

Pro hodnocení způsobilosti se používá zdroj zvuku, který aproximuje bodový zdroj zvuku ve sledovaném frekvenčním rozsahu. Zdroj musí být:

- Kompaktní s identifikovatelným středem
- Relativně všesměrový
- Tak stabilní, aby se během měření podél dráhy mikrofonu neměnil vyzařovaný akustický výkon. Pokud stabilita zdroje kolísá o více než 0,2 dB, je nutné použít kontrolní mikrofon ke korekci.

2.2 Požadavky na dynamiku

Zdroj by měl být schopný vyzařovat dostatečný akustický výkon zajišťující ve všech bodech a na každé dráze mikrofonu ve sledovaném frekvenčním rozsahu hladiny akustického tlaku s odstupem alespoň *10 dB* nad hladinou akustického tlaku hluku pozadí. Tento požadavek může být obtížné dodržet především ve velkých bezodrazových komorách. Vycházejme ze vztahu *2.1*.

$$L_p = L_0 + 10 \times \log_{10} \left(\frac{Q}{4\pi r^2}\right)$$
(2.1)

Kde:

L_p je výsledná hladina akustického tlaku

*L*⁰ je hladina akustického tlaku v místě zdroje

Q je činitel směrovosti (pro šíření všemi směry Q = 1)

r je vzdálenost od zdroje

Pokud chceme znát závislost hladiny akustického tlaku L_{pa} ve vzdálenosti r_a a hladinou akustického tlaku L_{pb} ve vzdálenosti r_b , lze po provedení matematických úprav rovnice 2.1 odvodit vzájemný vztah mezi těmito hladinami.

$$L_{pb} = L_{pa} + 20 \times \log_{10} \left(\frac{r_a}{r_b}\right)$$
(2.2)

Dá se pak ukázat, že s dvojnásobkem vzdálenosti od zdroje zvuku ($r_b = 2 \times r_a$), klesá hladina akustického tlaku o 6 *dB*.

$$L_{pb} = L_{pa} + 20 \times \log_{10} \left(\frac{r_a}{2r_a}\right) = L_{pa} + 20 \times \log_{10} \left(\frac{1}{2}\right)$$

= $L_{pa} - 6$ (2.3)

Pokud bychom např. měli bezodrazovou místnost o velikosti $8 \times 8 \times 8$ metrů s hlukem pozadí *30 dB*, musela by hladina akustického tlaku zdroje, umístěného uprostřed místnosti, mít ve vzdálenosti *4 m*, tedy u zdi místnosti, hodnotu alespoň *40 dB*. To znamená, že by zdroj musel vydávat zvuk s hladinou akustického tlaku alespoň *100 dB*.

2.3 Požadavky na zapojení reproduktorů zdroje

Pokud zdroj zvuku obsahuje v jedné ozvučnici více reproduktorů, tak musí hrát ve fázi, nebo musí být jinak zajištěna rovnoměrná všesměrovost.

Tun alusčehní místnosti	Střední frekvence 1/3 oktávového	Přípustná odchylka směrovosti
i yp zkusedin mistnosti	pásma [Hz]	[dB]
	\leq 630	±1,5
Dono duo no vé	800 až 5 000	$\pm 2,0$
Bezourazova	6 300 až 10 000	±2,5
	> 10 000	$\pm 5,0$
	≤ 630	$\pm 2,0$
Dolohozodnozová	800 až 5 000	±2,5
Polodezodrazova	6 300 až 10 000	$\pm 3,0$
	> 10 000	± 5.0

2.4 Požadavky na směrovost zkušebního zdroje:

Tab. 2.1: Přípustné odchylky směrovosti zkušebního zdroje

Doporučuje se použít zdroj, který požadavky na směrovost splňuje ve vzdálenosti 0,5 m od akustického středu zkušebního zdroje. Zdroje mají tendenci být více všesměrové ve vzdálenějším poli a každý rozdíl ve směrovosti zdroje v blízkém a vzdáleném poli ztěžuje určování způsobilosti zkušební místnosti. [2]

2.5 Požadavky na časovou stabilitu zdroje

Dle [3] musí být referenční zdroj zvuku navržen a zkonstruován tak, aby jeho hladina akustického výkonu za opakovatelných podmínek byla v každém *1/3* oktávovém pásmu konstantní v čase a v mezích uvedených v tabulce **Tab. 2.2.**

Kmitočtový rozsah [Hz]	Směrodatná odchylka [dB]
50 až 80	0,8
100 až 160	0,4
200 až 20 000	0,2

 Tab. 2.2: Maximální hodnota směrodatné odchylky hladiny akustického výkonu referenčního zdroje zvuku, který odpovídá normě ČSN ISO 6926, v opakovatelných podmínkách

2.6 Požadavky na spektrální vlastnosti dle [3]

Pásmo	Max. odchylka mezi sousedními 1/3 oktávovými pásmy v daném rozsahu	Rozsah 1/3 oktávových pásem mimo daný rozsah
100 Hz až 10 kHz	$\pm 3 \text{ dB}$	± 12 dB
Větší rozsah	$\pm 4 \text{ dB}$	$\pm 16 \text{ dB}$

Tab. 2.3: Maximální odchylka mezi sousedními třetinooktávovými pásmy

2.7 Požadavky na směrový index

Nejvyšší hodnota směrového indexu v libovolném *1/3* oktávovém pásmu se středním kmitočtem mezi *100 Hz* až *10 kHz* nesmí přesáhnout + *6 dB*, je-li měření provedeno v polobezodrazové místnosti vyhovující kapitole 7 normy *ČSN ISO 6926*. [3]

2.8 Požadavky na umístění zdroje:

V bezodrazové místnosti se zdroj umisťuje svým akustickým středem do geometrického středu místnosti. V polobezodrazové místnosti se zdroj umisťuje do dutiny v podlaze, pokud tam je, nebo na podlahu s podmínkou, že akustický střed referenčního zdroje je maximálně *15 cm* nad odrazivou rovinou. A pokud to lze, tak akustický střed zdroje se má umístit v rozmezí $\lambda/10$ nad odrazivou rovinu.

2.9 Požadavky na velikost zdroje:

Je třeba brát v úvahu, že akustický tlak se začíná měřit již ve vzdálenosti 50 cm od akustického středu zdroje. Velikost a koncepce zdroje je definována pro každé pásmo zvlášť:

2.9.1 Zdroje pro frekvence do 800 Hz

Dle [1] je možné použití zdrojů popsaných v normě *ČSN ISO 140-3*. [38]. Požadavky na směrovost jsou v [1] i ve [38] v pásmu do *800 Hz* totožné.

Norma [2] připouští v rozsahu do 800 Hz použití kročejových zdrojů zvuku popsaných v normě ČSN ISO 10140-5. [39]

Další možností je použití elektrodynamického reproduktoru v uzavřené ozvučnici s rozměry menšími, než je desetina vlnové délky.

2.9.2 Zdroje pro frekvence do 10 kHz

Dle [1] je v pásmu do *10 kHz* přípustný jako vhodný zdroj tlakový reproduktor připojený ke zužující se válcovité trubici. Doporučuje se, aby při použití nad frekvenci *4 kHz* měla trubice výstupní průměr menší než *10 mm* a délku až *1,5 m*. Na nižších frekvencích je přípustný větší průměr trubice.

2.9.3 Zdroje pro frekvence nad 10 kHz dle [1] a [2]

Dle [1] a [2] je pro frekvence do 20 kHz dovolen jako vhodný zdroj tlakový měnič, připojený k válcovému zvukovodu. Zvukovod musí mít délku 1,5 m a výstupní průměr 6 mm. Pro použití na nižších frekvencích je přijatelná kratší trubice a širší průměr zvukovodu.

3 Ideová koncepce referenčních zdrojů

Pro každý typ místnosti a pro každé frekvenční pásmo je vhodné použít jiný typ zdroje. Zároveň je však snaha minimalizovat počet použitých zdrojů, aby mohlo být měření co nejvíce zjednodušeno.

3.1 Half – Polyhedron

V zásadě se jedná o akustický zdroj zvuku zajišťující uniformní polokulové vyzařování, vhodný zejména pro použití v polobezodrazových místnostech s odrazivou rovinou. Zdroj na **Obr. 3.1.1** od firmy Norsonic je určen pro frekvenční pásmo od *100 Hz* do *5 kHz* a odpovídá [38]. Dle [1] je přípustné takový zdroj použít v pásmu *do 800 Hz*. Reproduktory jsou zapojeny ve fázi a počet stěn a reproduktorů takového zdroje se může lišit s ohledem na použití zdroje.



Obr. 3.1.1: Akustický zdroj Norsonic Nor275 - dostupný z [39]

3.2 Polyhedron

Kompletní polyhedron zajišťuje kulové vyzařování a je vhodný pro bezodrazové místnosti. Počet stěn a reproduktorů zapojených ve fázi se opět může lišit s ohledem na použití zdroje. Je možné vyrobit zdroj např. o dvou, šesti, dvanácti, ale až třeba dvaceti stěnách a reproduktorech v nich. Obecně platí, že čím více stěn, tím lepší aproximace kulové vyzařovací plochy pro vyšší frekvence. Zdroj tohoto typu je určen převážně pro nízké až střední frekvence a jeho nevýhoda tkví především ve velikosti. Jelikož dle [1] a [2] se začíná akustický tlak měřit ve vzdálenosti 0,5 *m* od akustického středu zdroje, musí být tedy

zajištěna požadovaná směrovost. Na obrázku **Obr. 3.2.1** je zdroj firmy Norsonic, který rovněž odpovídá [38]. Více informací o polyhedronech je uvedeno v literatuře [24] až [29]. Na obrázku **Obr. 3.2.2** je pak příklad ikosahedronu.



Obr. 3.2.1: Akustický zdroj Norsonic Nor276 – dostupný z [40]



Obr. 3.2.2: *Příklad zdroje typu ikosahedron s dvaceti reproduktory* – dostupný z [41]

3.3 Akustické dvojče (pulzující koule)

Ve své podstatě se jedná o dva reproduktory zapojené ve fázi a připevněné membránami k sobě tak, aby mezi membránami byl utěsněný prostor o vhodném, co možná nejmenším, objemu. Reproduktory tedy vyzařují zadní částí. Návrhu tohoto zdroje se podrobně věnuje kapitola **5.2.** Tato koncepce zdroje je využívána pro frekvence do *2 kHz* a pro bezodrazové komory.



Obr. 3.3.1: Ilustrační náčrtek akustického dvojčete

3.4 Poloprostorový zářič

Jedná se o zdroj, který je určen pro polobezodrazové místnosti. Konstrukčně je proveden tak, že je zanořen svou přední částí do uzavřeného objemu a vyzařuje svou zadní částí. Je vhodný pro nízké frekvence, maximálně do 2 *kHz*. Návrhu tohoto zdroje se podrobně věnuje kapitola **5.3**.



Obr. 3.4.1: Ilustrační náčrtek poloprostorového zářiče.

3.5 Tlakový reproduktor navázaný do válcového zvukovodu

Tato koncepce je vhodná pro oblasti vyšších kmitočtů, řádově až do 20 *kHz*. Je použitelný v bezodrazových i polobezodrazových komorách. V bezodrazové komoře se ústí vlnovodu umísťuje do geometrického středu místnosti, v polobezodrazové komoře se ústí vlnovodu umisťuje těsně nad a proti odrazivé rovině. Viz obrázek **Obr. 3.5.3**. Umístění ústí vlnovodu nad odrazivou rovinu je podrobněji popsáno v **[4]**.



Obr. 3.5.1: Ilustrační nákres tlakového reproduktoru navázaného do cylindrického vlnovodu pomocí zužující se částí, tvořené kónickým vlnovodem.



Obr. 3.5.2: Příklad použití válcového vlnovodu v polobezodrazové komoře – dostupný z [4].





Obr. 3.5.3: Umístění ústí vlnovodu nad odrazivou rovinu v polobezodrazové místnosti

3.6 Referenční zdroj akustického výkonu

Tento zdroj pracuje na principu vytváření aerodynamického zvuku. Ve své podstatě se jedná o ventilátor, který rotuje konstantními otáčkami a generuje tak stabilní širokopásmový šum proudícím vzduchem. Výrobci udávají, že tento zdroj je použitelný v pásmu od *100 Hz* do *20 kHz*.



Obr. 3.6.1: Referenční zdroj akustického výkonu firmy Brüel & Kjaer – dostupný také z [42]

4 Orientační zkoušky vybraných zdrojů

Cílem těchto experimentů je ověřit, zda vůbec a v jakém frekvenčním pásmu mají vybrané zdroje (akustické dvojče a poloprostorový zářič) potenciál fungovat. To znamená získat poznatky o směrovosti vybraných zdrojů a ověřit výhody či nevýhody různých konstrukčních variant vybraných zdrojů. Všechny charakteristiky uváděné v kapitole č. 4 byly měřeny ve vzdálenosti *1m* od prototypového zdroje zvuku. V kapitole č. 4 jsou povětšinou uváděny relativní směrové charakteristiky. Jedná se tedy o odchylky směrových charakteristik, nikoli přímo o změřené směrové charakteristiky. Veškeré relativní směrové charakteristiky uváděné v kapitole č. 4 byly měřeny multitónový signálem. Veškeré naměřené amplitudové – frekvenční charakteristiky (*dále jen A-F charakteristiky*) v kapitole č. 4 jsou normovány na kmitočet *1 kHz při výkonu 1 W*.

4.1 Orientační zkoušky akustického dvojčete

Cílem těchto orientačních zkoušek bylo ověřit, jaký vliv má šířka mezery mezi reproduktory na směrové charakteristiky a na reprodukci nízkých kmitočtů. Předpoklad je takový, že by mezera mezi reproduktory měla být co nejmenší, aby reproduktory byly co nejblíže k sobě a akustické dvojče tak mělo co nejmenší rozměry. Tím by měla být zajištěna lepší směrovost. Jelikož však použité reproduktory mají průměr membrány *14 cm*, robustní nosný koš a původně byly určeny pro automotive, nedají se očekávat nijak závratné výsledky. Pravděpodobně bude problém s reprodukcí nízkých kmitočtů a na vyšších frekvencích bude právě s ohledem na robustnost koše a velký průměr membrány zhoršená směrovost.

4.1.1 Akustické dvojče spojené šrouby s nastavitelnou neutěsněnou mezerou

Pro sešroubované akustické dvojče byla provedena měření pro mezeru 1 cm a 0,5 cm.



Obr. 4.1.1: Ilustrační nákres akustického dvojčete spojeného šrouby s nastavitelnou mezerou

4.1.1.1 Naměřené A-F charakteristiky



Obr. 4.1.2: *A-F* charakteristiky akustického dvojčete s neutěsněnou nastavitelnou mezerou měřené v ose zdroje



Obr. 4.1.3: A-F charakteristiky akustického dvojčete s neutěsněnou nastavitelnou mezerou měřené v ose mezery

Z naměřených A-F charakteristik je patrné, že se na nízkých frekvencích až do 400 Hz uplatňuje akustický zkrat. Konstrukci akustického dvojčete s neutěsněnou mezerou tedy není vhodné pro návrh zdroje použít. Z průběhů na obrázku **Obr. 4.1.3** dále vyplývá, že se zvuk ze zdroje pravděpodobně šíří i mezerou mezi reproduktory, což pravděpodobně bude kazit všesměrovost. V dalším pokusu bude nutné mezeru mezi reproduktory utěsnit a vytvořit tak ve své podstatě uzavřenou ozvučnici, společnou pro oba reproduktory.



4.1.1.2 Naměřené relativní směrové charakteristiky

Obr. 4.1.4: Vybrané relativní směrové charakteristiky pro akustické dvojče s neutěsněnou mezerou 10 mm



Obr. 4.1.4: *Vybrané relativní směrové charakteristiky pro akustické dvojče s neutěsněnou mezerou 10 mm*

Pro měření směrových charakteristik byl zvolen multitónový signál. Z vybraných směrových charakteristik vyplývá, že akustické dvojče s neutěsněnou mezerou není jako všesměrový zdroj vhodné použít. Při mezeře *5 mm* je zdroj do frekvence *400 Hz* v akustickém zkratu a nefunguje vůbec. Při mezeře *10 mm* je rovněž zdroj do frekvence *400 Hz* v akustickém zkratu a od *400 Hz* se stává dvojče směrové. Vyzařuje nejen přední a zadní částí, ale také boční mezerou. V následujícím pokusu bude muset být eliminován problém s akustickým zkratem a s postranním vyzařováním mezerou.

4.1.2 Měření akustického dvojčete s reproduktory s uzavřenou ozvučnicí

Aby nedocházelo k akustickému zkratu a k bočnímu vyzařování, je mezera mezi reproduktory utěsněna a reproduktory tedy hrají do společného utěsněného objemu neboli do uzavřené ozvučnice o cca 0,5 *litru*.



Obr. 4.1.5: Ilustrační foto akustického dvojčete s utěsněnou mezerou

4.1.2.1 Naměřené A-F charakteristiky akustického dvojčete s uzavřenou ozvučnicí



Obr. 4.1.6: Naměřené A-F charakteristiky akustického dvojčete s uzavřenou ozvučnicí

Na základě frekvenčních charakteristik z obrázku **Obr. 4.1.6** lze usoudit, že se utěsněním mezery podařilo eliminovat akustický zkrat, který na frekvencích do *400 Hz* předtím vznikal. Hladina akustického tlaku se na frekvenci *100 Hz* zvýšila téměř o *10 dB*. Vlivem malého objemu a původního účelu reproduktorů je však hladina akustického tlaku pod frekvencí *250 Hz* vůči zbytku charakteristiky relativně nízká. Navíc z obrázku **Obr. 4.1.7** lze usoudit, že směrové charakteristiky budou pravděpodobně až do frekvence *200 Hz* ovlivněny hlukem točny. Pro názornou představu o hluku točny jsou na obrázku **Obr. 4.1.8** uvedeny skutečné změřené směrové charakteristiky točny.



Obr. 4.1.7: Směrové charakteristiky hluku vydávaného točnou

4.1.2.2 Naměřené relativní směrové charakteristiky akustického dvojčete s uzavřenou ozvučnicí



Obr. 4.1.8: Relativní směrové charakteristiky utěsněného akustického dvojčete pro frekvence 100 – 320 Hz



Obr. 4.1.9: Relativní směrové charakteristiky utěsněného akustického dvojčete pro frekvence 400 – 1250 Hz

Z uvedených relativních charakteristik vyplývá, že takto konstruované akustické dvojče může pracovat až do frekvence 630 Hz. Pokud však pro stavbu akustického dvojčete budou vybrány vhodné reproduktory s průměrem membrány menším než 8cm, má akustické dvojče potenciál fungovat až do frekvence 2 *kHz*. Usuzuji tak z výpočtů provedených v kapitolách **4.3** a **5.2**.

4.2 Orientační zkoušky poloprostorového zářiče

Cílem orientačních zkoušek poloprostorového zářiče je ověřit, jaký vliv má velikost objemu novodurové roury, v níž je reproduktor utěsněn, na směrovost a reprodukci nízkých kmitočtů. Dá se předpokládat, že s vyšším objemem takto vytvořené uzavřené ozvučnice, bude zdroj schopen lépe reprodukovat nižší kmitočty. Naproti tomu lze očekávat, že s rostoucí velikostí zdroje se bude horšit směrovost na vyšších frekvencích. Jelikož však použitý reproduktor má průměr membrány *19 cm*, objemný nosný koš a původně byl určen pro automotive, dá se očekávat zhoršená směrovost na vyšších frekvencích. Naopak by reproduktor, rovněž vzhledem k velikosti membrány, nemusel mít problém s reprodukcí nízkých kmitočtů. Frekvenční a směrové charakteristiky poloprostorového zářiče byly postupně změřeny pro objemy *0,8 a 5 litrů*.

4.2.1 Poloprostorový zářič o objemu 0,8 l



Obr. 4.2.1: Ilustrační foto poloprostorového zářiče o objemu 0,8 l.

4.2.1.1 Naměřené frekvenční charakteristiky poloprostorového zářiče



Obr. 4.2.2: A-F charakteristiky poloprostorového zářiče o objemu 0,8 l

S ohledem na malý objem novodurové roury, která tvoří ozvučnici, a původní účel použitého reproduktoru je vůči zbytku frekvenční charakteristiky hladina akustického tlaku pod frekvencí *250 Hz* relativně nízká. Opět lze z obrázku **Obr. 4.1.7** usoudit, že směrové charakteristiky mohou být až do frekvence *200 Hz* deformovány vlivem hluku točny.

4.2.1.2 Naměřené relativní směrové charakteristiky poloprostorového zářiče

Vzhledem k faktu, že se jedná o poloprostorový zářič, je relevantní pouze horní polorovina frekvenční charakteristiky!



Obr. 4.2.3: Relativní směrové charakteristiky poloprostorového zářiče o objemu 0,8 l



Obr. 4.2.4: Relativní směrové charakteristiky poloprostorového zářiče o objemu 0,8 l



Obr. 4.2.5: Relativní směrové charakteristiky poloprostorového zářiče o objemu 0,8 l



Obr. 4.2.6: Relativní směrové charakteristiky poloprostorového zářiče o objemu 0,8 l

Z naměřených relativních směrových charakteristik vyplývá, že takto konstruovaný akustický poloprostorový zářič může pracovat pouze do frekvence kolem 230 Hz. Pak již značně narůstá chyba. Příčinou zhoršení směrovosti v závislosti na rostoucím kmitočtu je pravděpodobně přílišné zanoření reproduktoru do novodurové roury a její přesah nad membránu, což nám pravděpodobně kazí směrovou charakteristiku u vodorovné osy. Navýšení objemu novodurové roury pravděpodobně nezlepší směrovost, ale mohla by se zvýšit úroveň hladiny akustického tlaku na nízkých frekvencích.

4.2.2 Poloprostorový zářič o objemu 5 l



Obr. 4.2.7: Ilustrační foto poloprostorového zářiče o objemu 5 l.

4.2.2.1 Naměřené A-F charakteristiky poloprostorového zářiče



Obr. 4.2.8: A-F charakteristiky poloprostorového zářiče o objemu 5 l

Dle předpokladů došlo ke zvýšení úrovně hladiny akustického tlaku L_p na nízkých frekvencích. Např. na *100 Hz* se úroveň hladiny akustického tlaku zvýšila o více než *10 dB*. Zvětšením objemu (zvětšením zdroje) ke zlepšení směrovosti na vyšších frekvencích dle očekávání nedošlo. K žádnému výraznému zhoršení však také ne.

4.2.2.2 Naměřené směrové charakteristiky poloprostorového zářiče



Obr. 4.2.9: Vybrané relativní směrové charakteristiky poloprostorového zářiče o objemu 5 l

4.3 Orientační výpočet směrové charakteristiky reproduktoru

Jako modelový případ výpočtu směrové charakteristiky je použit model kmitajícího pístu. Směrová charakteristika reproduktoru je závislá na průměru membrány a frekvenci. Smyslem tohoto výpočtu není spočítat přesnou směrovou charakteristiku konkrétní membrány, ale udělat si přibližnou představu o tom, jaký průměr membrány lze použít pro pásmo do 2 *kHz*. Směrovou charakteristiku kmitajícího pístu popisuje následující vztah: [9]

$$p(r,t) = \frac{\sqrt{2}jfp_0u_0\pi a^2}{r} \times \left[\frac{2J_1(ka\sin\theta)}{ka\sin\theta}\right] e^{j\omega\left(t-\frac{r}{c}\right)}$$
(4.3.1)

Kde:

p je akustický tlak r je vzdálenost od pístu t je čas f je frekvence p_0 je normální akustický tlak u_0 je akustická rychlost a je poloměr pístu ka je vlnočet

 $ka = \frac{2\pi a}{\lambda} \tag{4.3.2}$




4.3.1 Porovnání směrových charakteristik kmitajícího pístu se směrovými charakteristikami kuželovité membrány reálného reproduktoru

V tomto pokusu budou porovnány směrové charakteristiky vypočtené dle vztahu 4.3.1 a směrové charakteristiky reproduktoru $W 100 S - 4 \Omega$ uváděné výrobcem. Uvedený reproduktor má kuželovitou membránu o průměru 10 cm. Na dotaz, jakým způsobem výrobce směrové charakteristiky měří, zástupce firmy odpověděl, že reproduktory jsou měřeny v ploché desce dle standardu *IEC 60268-5*.



Obr. 4.3.3: Naměřené směrové charakteristiky reproduktoru W 100 S udávané výrobcem – dostupné z [43]



Obr. 4.3.4: Vypočítané směrové charakteristiky kmitajícího pístu o průměru 10 cm pro různé frekvence

Z obrázků **Obr. 4.3.3** a **Obr. 4.3.4** vyplývá, že pro daný průměr vychází směrové charakteristiky lépe pro kuželovitou membránu, než pro kmitající píst o stejném průměru.

4.4 Zhodnocení experimentů

S ohledem na dosažené výsledky plynou pro další návrh akustických zdrojů zvuku následující závěry. Pravděpodobně bude potřeba vypočítat náběh frekvenční charakteristiky pro nízké kmitočty v závislosti na zvoleném objemu zdroje a pro konkrétní typ reproduktoru, aby bylo možné vybrat co nejmenší reproduktory, které budou hrát do co možná nejmenšího objemu tak, aby byl od *100 Hz* vyrovnaný průběh frekvenční charakteristiky, což plyne z požadavku, že se sousední *1/3* oktávová pásma nesmí lišit o více než *3 dB*. Zároveň je nutné brát v potaz průměr membrány zvoleného reproduktoru, přičemž pokus popsaný v kapitole **4.3** ukázal, že pro kuželovitou membránu mohou být změřeny lepší průběhy směrových charakteristik, než jsou vypočtené průběhy směrových charakteristik kmitajícího pístu o stejném průměru, jako je průměr membrány reálného reproduktoru. Pokud tedy bude vybrán průměr membrány na základě výpočtu kmitajícího pístu, existuje předpoklad, že reálný reproduktor s kuželovou membránou bude mít lepší směrové vlastnosti. V neposlední řadě je nutné zohledňovat konstrukční parametry reproduktoru, zejména pak robustnost nosného koše a velikost magnetu reproduktoru, aby mohly být splněny požadavky na směrovost, popsaných v kapitole č. **2**.

5 Návrh zdrojů zvuku

Při orientační zkoušce vybraných zdrojů vyšlo najevo, že pokud chceme zkonstruovat akustický zdroj zvuku pro nízké frekvence, je nutné reproduktor nechat hrát do hermeticky uzavřeného objemu neboli uzavřené ozvučnice, aby se neuplatňoval akustický zkrat. Další možností by mohla být bassreflexová ozvučnice, která by sice vyřešila problém s akustickým zkratem, ale pravděpodobně by zhoršovala směrovost zdroje. Dále je nutné uvažovat velikost a geometrické uspořádání zdroje, aby bylo možné vyhovět požadavkům sepsaných v kapitole **2**.

5.1 Výpočet frekvenční charakteristiky reproduktoru v uzavřené ozvučnici z T-S parametrů a náhradního schématu reproduktoru

5.1.1 Parametry reproduktoru

Parametry reproduktoru udávané výrobcem lze dle [7] rozdělit na mechanické (např. rozměry, hmotnost, atd...), parametry všeobecné (max. standardizovaný příkon, citlivost, jmenovitá impedance, frekvenční rozsah, atd...) a Thiele – Smallovy parametry, nebo zkráceně T-S parametry. Nejvýznamnější z nich jsou:

- F_s Rezonanční kmitočet reproduktoru ve volném prostoru. (Hz)
- R_e Stejnosměrný odpor vinutí cívky. (Ω)
- Q_{es} Elektrický činitel jakosti, určuje ztráty v kmitací cívce. (-)
- Q_{ms} Mech. činitel jakosti, určuje mech. ztráty pohyblivých částí reproduktoru. (-)
- Q_{ts} Celkový činitel jakosti zahrnující Q_{es} i Q_{ms} . (-)
- V_{as} Ekvivalentní objem reproduktoru. (dm^3)
- S_d Efektivní plocha membrány. (cm^2)
- *M_{ms}* Hmotnost celého kmitacího systému.(*g*)
- C_{ms} Poddajnost kmitacího systému reproduktoru. (m/N)
- S_{ms} Tuhost kmitacího systému neboli převrácená hodnota poddajnosti. (N/m)
- *R*_{ms} Mechanické tlumení. (*Ns/m*)
- X_{max} Maximální výchylka kmitacího systému. (*mm*)
- **Bl** Gyrační faktor součin velikosti magnetické indukce a délky vinutí. (**T**·m)
- *L_e* Elektrická indukčnost kmitací cívky měřená při *l kHz*. (*mH*)

5.1.2 Odvození náhradního schématu reproduktoru

Následující text kapitoly 5.1.2. je stručný výtah z [5]. Pro odvození náhradního schématu elektrodynamického reproduktoru je vhodné použít elektromechanickou analogii, kdy dle [5] napětí odpovídá síle, proudu rychlost, elektrickému odporu mechanický odpor, kapacitě poddajnost (nebo také tuhost, což je převrácená hodnota poddajnosti), a indukčnosti hmotnost. Elektrodynamický reproduktor lze chápat jako mechanický systém s elektrickým vstupem, mechanickým ústrojím a akustickým výstupem. Zmíněná elektromechanická analogie je nástroj, kterým lze docílit toho, aby mechanická soustava, pro tento případ reproduktor, byla převedena na soustavu elektrickou, nebo lépe řečeno na elektrické schéma. Elektromechanická analogie má nejlepší využití v případě, že chceme popsat mechanické soustavy, na které působí síly s harmonickým časovým průběhem, a ve kterých dochází k přeměně elektrické energie na mechanickou, nebo naopak. Přínosem je ohromné zjednodušení, kdy elektrickou i mechanickou část systému popisujeme stejným způsobem -Symbolicko-komplexní metodou. Je potřeba akorát nalézt vhodný způsob, jak popsat vzájemné působení těchto soustav. Jak je popsáno v [5], například u elektrodynamického reproduktoru je vzájemné působení mezi elektrickou a mechanickou částí zprostředkováno silovým působení pole magnetu na vodič, kterým protéká proud. Velikost mechanické síly je úměrná součinu proudu a indukce pole, ve kterém se vodič pohybuje. Naopak při pohybu vodiče v magnetickém poli se ve vodiči indukuje napětí, které je úměrné součinu magnetické indukce a rychlosti pohybu vodiče vůči magnetickému poli. Přechod od elektrické části reproduktoru k mechanické by tedy měl být proveden tak, aby napětí odpovídala rychlost a proudu síla. To je poněkud nepříjemné, neboť jak je uvedeno výše, napětí v elektromechanické analogii odpovídá síla a proudu rychlost. Elektromechanická analogie se tedy nedá využít bez doplnění gyrátoru. Gyrátor je hypotetický prvek, který je schopen převádět napětí na proud, proud na napětí, indukčnost na kapacitu, kapacitu na indukčnost, sériové zapojení prvků na paralelní a naopak. Podstatné je, že "motor" reproduktoru neboli soustava kmitací cívky a magnetu se jako gyrátor skutečně chová.



Obr. 5.1.1: Analogické schéma elektrodynamického reproduktoru

Schéma z **Obr. 5.1.1** však ještě není kompletní. Aby byl obvod úplný, je třeba ještě doplnit impedanci sloupce vzduchu, kmitajícího společně s membránou.



Obr. 5.1.2: Analogické schéma elektrodynamického reproduktoru vč. vyzařovací impedance

Pro praktické použití schématu z **Obr. 5.1.2** je třeba se zbavit gyrátoru. To provedeme tak, že jednotlivé prvky přepočítáme na elektrickou stranu:



Obr. 5.1.3: Náhradní schéma elektrodynamického reproduktoru plně převedené na elektrickou stranu

Jednotlivé prvky náhradního schématu jsou pak dány vztahy 5.1.1 až 5.1.7. dle [5].

$$R_1 = \frac{(Bl)^2}{R_{ms}} \quad (\Omega)$$
 (5.1.1)

Kde:

Bl je gyrační faktor. *(T·m)* R_{ms} je mechanické tlumení *(Ns/m)*

$$C_1 = \frac{M_{ms}}{(Bl)^2} \quad (F) \tag{5.1.2}$$

Kde:

 M_{ms} je hmotnost kmitacího systému. (g)

$$L_1 = C_{ms} \times (Bl)^2$$
 (H) (5.1.3)

Kde:

Cms je poddajnost kmitacího systému. (mm/N)

$$R_2 = \frac{(Bl)^2}{S_d{}^2 R_{AP}} \quad (\Omega) \tag{5.1.4}$$

Kde:

 S_d je efektivní plocha membrány. (mm^2)

 R_{AP} je vyzařovací odpor spolukmitajícího sloupce vzduchu.

$$C_2 = \frac{m_{AP} S_d^2}{(Bl)^2} \quad (F) \tag{5.1.5}$$

Kde:

*m*_{AP} – vyzařovací hmotnost spolukmitajícího sloupce vzduchu.

Prvky vyzařovací impedance jsou dány vztahy z [5]:

$$R_{AP} = 128 \times C_0 \times \frac{\rho}{9 \times \pi^2 \times S_d} \quad \left(\frac{kg}{s \times m^4}\right) \tag{5.1.6}$$

$$m_{AP} = 8 \times \frac{\rho}{3 \times \pi^2 \times r} \quad \left(\frac{kg}{m^4}\right) \tag{5.1.7}$$

Kde:

- c_0 rychlost zvuku ve vzduchu při 20 °C (= 343 m/s)
- ρ hustota vzduchu při 20 °C (= 1,205 kg/m³)

r – poloměr membrány

Je ale potřeba zdůraznit, že uvedené schéma na obrázku **Obr. 5.1.3** a vztahy 5.1.6 a 5.1.7 samozřejmě platí, ale jsou relevantní pouze pro nízké frekvence, řádově do 500 *Hz*.

5.1.3 Náhradní schéma reproduktoru v uzavřené ozvučnici

Vzduch v uzavřené ozvučnici o objemu V_b působí jako vzduchový polštář, který pohybující se membrána reproduktoru neustále stlačuje a roztahuje. Ve své podstatě se tak dá říci, že onen vzduchový polštář pod membránou zvyšuje tuhost membrány, respektive snižuje její poddajnost. Povahu reproduktoru umístěného v uzavřené ozvučnici popisuje náhradní schéma reproduktoru rozšířené o vyzařovací impedanci, neboli poddajnost c_{vb} , té strany membrány, jež je umístěná v uzavřené ozvučnici. C_{vb} je dána vztahem 5.1.8 převzatým z [6].

$$c_{vb} = \frac{V_b}{P_0 \times \varkappa} \tag{5.1.8}$$

Kde:

 V_b je objem uzavřené ozvučnice v litrech. P_0 je normální akustický tlak. (= 101000 Pa) \varkappa je Poissonova konstanta. (=1,4)

Analogem této poddajnosti na elektrické straně je indukčnost Lvb.

$$L_{vb} = \frac{(Bl)^2 \times V_b}{P_0 \times \varkappa \times S_d^2} = \frac{c_{vb} \times (Bl)^2}{S_d^2}$$
(5.1.9)

Indukčnost L_{vb} je v náhradním schématu paralelně spojena s původní indukčností *L1*. Výsledkem paralelní kombinace je nižší indukčnost, což má za následek menší poddajnost (větší tuhost) a zvýšení rezonanční frekvence (dána vztahy 5.1.10 a 5.1.11, převzatými z [5] a [6]), vystupující v přenosové funkci - rovnice 5.2.13, převzaté z [5].

$$f_r = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{1}{M_{ms} \times (C_{ms} + C_{vb})}}$$
(5.1.10)

$$f_r = F_s \sqrt{\frac{V_b \times V_{AS}}{V_b}} \tag{5.1.11}$$

2018

Kde:

 F_s je rezonanční kmitočet reproduktoru. (Hz)

Se zvýšením rezonančního kmitočtu dojde rovněž ke zvýšení činitele jakosti reproduktoru z Q_{ts} na Q_{tc} dle vztahu převzatého z [6].

$$Q_{tc} = Q_{ts} \times \frac{f_r}{F_s} \tag{5.1.12}$$

Kde:

Qtc je celkový činitel jakosti reproduktoru.



Obr. 5.1.4: Náhradní schéma elektrodynamického reproduktoru v uzavřené ozvučnici plně převedené na elektrickou stranu

Nutno podotknout, že schéma uvedené na obrázku **Obr. 5.1.4** je opět relevantní pouze pro "nízké kmitočty." Výstupnímu akustickému tlaku odpovídá proud I_p , procházející větví vyzařovací impedance. Odvozením přenosové funkce obvodu a vypočtením A-F charakteristiky bychom zjistili, že se daný obvod chová jako horní propust. Což je v případě reálného reproduktoru na nízkých frekvencích pravda. Tvar frekvenční charakteristiky reproduktoru je pak dán přenosem dle [5].

$$T_{j\omega} = \frac{\left(\frac{j\omega}{\omega_r}\right)^2}{\left(\frac{j\omega}{\omega_r}\right)^2 + \left(\frac{j\omega}{\omega_r Q_{tc}}\right) + 1}$$
(5.1.13)

Obr. 5.1.5: Příklad A-F charakteristiky reproduktoru v uzavřené ozvučnici o objemu V_b

5.2 Návrh akustického dvojčete pro pásmo 100 Hz až 2 kHz

Při návrhu akustického dvojčete pro dané pásmo je potřeba brát v úvahu hned několik omezujících faktorů. Kvůli požadavkům na směrovost a dalším požadavkům z kapitoly **2**, musí být zdroj rozměrově malý. Chceme tedy co nejmenší mezeru, resp. objem mezi reproduktory, a vlastně i co nejmenší reproduktory s malým magnetem, což podstatně komplikuje výběr reproduktorů. Je tedy potřeba vybrat basový reproduktor o co možná nejmenších rozměrech, který bude mít dolní mezní frekvenci f_d menší než 100 Hz, co nejnižší rezonanční frekvenci F_s , co nejnižší ekvivalentní objem V_{as} a co nejmenší činitel jakosti Q_{ts} . Takový reproduktor však pravděpodobně nebude mít "malý" magnet. Výše uvedené parametry zásadně ovlivňují průběh A-F charakteristiky. Bude se muset zvolit nějaký kompromis, jelikož se snižující se dolní mezní frekvencí f_d (frekvence pro pokles o 3 dB) se zvětšuje jak V_{as} , tak i Q_{ts} . Směrovost akustického dvojčete je pro frekvenci 2000 Hz a průměr membrány 8 *cm* naznačena na obrázku **Obr. 5.2.1.** Aby nedocházelo k poklesu směrové charakteristiky po stranách, je nutné vybrat rozměrově malé reproduktory a umístit je co nejblíže k sobě.



Obr. 5.2.1: Odhad směrové charakteristiky akustického dvojčete pro průměr membrán 8 cm, frekvenci 2 kHz, a při těsné blízkosti dvou reproduktorů otočených o 180°.

5.2.1 Výpočet minimálního objemu mezi reproduktory

Při výpočtu minimálního objemu vycházíme z mechanických vlastností reproduktorů. Minimální objem je závislý na průměru reproduktoru a parametru X_{MAX} . Reproduktory od sebe musí být vzdáleny minimálně tak, aby se při maximální výchylce jejich membrány nemohly fyzicky dotýkat a vzájemně se tak tlumit. Dále je potřeba přidat ještě rezervu δ , jelikož nikdy není stoprocentní jistota, že jsou údaje od výrobce úplně přesné. Minimální objem mezi reproduktory bude tedy dán vztahem:

$$V_{min} = (2 \times V_d) + V_m \tag{5.2.1}$$

Kde:

 V_d je objem "kuželu" membrány reproduktoru a V_m je objem mezery mezi reproduktory.

Objem mezery je pak přibližně dán vztahem:

$$V_m = S_{vpr} \times \left((2 \times X_{MAX}) + \delta \right)$$
(5.2.2)

Kde:

 S_{vpr} je průřez vnější hrany reproduktoru

 δ je zvolená rezerva (= 2 mm)

5.2.2 Určení optimálního objemu mezi reproduktory

Optimální objem V_{opt} zvolíme tak, aby při výpočtu amplitudové - frekvenční charakteristiky byl na *100 Hz* maximální pokles -*6dB*, ideálně však -*3dB*. Šířka mezery mezi reproduktory *d* pak bude dána vztahem:

$$d = \frac{V}{S_{vpr}} \tag{5.2.3}$$

5.2.3 Výběr reproduktoru pro akustické dvojče

Jak již bylo shrnuto v kapitole **5.2**, je potřeba vybrat rozměrově co nejmenší reproduktor, s co nejmenšími parametry F_{s} , V_{AS} a Q_{tc} . Je pravděpodobné, že reproduktory budou umístěny přední stranou mambrán proti sobě, tudíž budou vyzařovat zadní částí. Je proto vhodné vybrat reproduktory s co možná nejmenšími (neodymovými) magnety, a s co možná nejméně robustním nosným košem. U těchto reproduktorů budou vykresleny A-F charakteristiky pro V_{min} a V_{opt} a reproduktor, který bude mít nejmenší rozdíl průběhů A-F charakteristiky při V_{min} a V_{opt} , a zároveň bude splňovat výše uvedené požadavky, bude vybrán. Výše uvedeným podmínkám vyhovují reproduktory:

- W 130 X
- 4NDS34
- WF 130 ND

Výsledky ostatních reproduktorů, které byly původně zvažovány pro konstrukci akustického dvojčete jsou uvedeny v příloze **A**.

• W 130 X _ 2 x 4 Ohm - Visaton



Obr. 5.2.2: Reproduktor W 130 X - ilustrační foto - dostupné z [44]



Obr. 5.2.3: A-F charakteristiky reproduktoru W 130 X pro V_{min} a V_{opt}

Vas (/)	Fs (<i>Hz</i>)	Qts (-)	Vmin (/)	Vopt (/)	ø magnetu (<i>mm</i>)	Plocha membrány (<i>cm</i> ²)		
5,1	40	0,71	0,543237	2	100	94,2		

 Tab.
 5.2.1: Limitující parametry reproduktoru W 130 X

Frekvenční charakteristiky reproduktoru *W 130 X* jsou velmi příznivé. V podstatě i při minimálním objemu je dolní mezní frekvence pod 100 Hz. Nepříliš příznivé je ale zvlnění, které dosahuje hodnoty téměř 8 dB. To by mohlo znamenat komplikaci, jelikož jeden z požadavků na zdroj je, že sousední 1/3 oktávová pásma se nesmí lišit o více než *3 dB*. Další nevýhodou je rozměrný magnet, který bude kazit směrovost, jelikož reproduktory akustického dvojčete hrají zadní stranou. • 4NDS34 - B&C Speakers



Obr. 5.2.4: Reproduktor 4NDS34 – ilustrační foto - dostupné z [45]



Obr. 5.2.5: A-F charakteristiky reproduktoru 4NDS34 pro V_{min} a V_{opt}

Vas (/)	Fs (<i>Hz</i>)	Qts (-)	Vmin (/)	Vopt (/)	ø magnetu (<i>mm</i>)	Plocha membrány (<i>cm</i> ²)
4,49	65	0,46	0,698849	2	58	53

 Tab.
 5.2.2: Limitující parametry reproduktoru 4NDS34

Mezi pozitivní vlastnosti reproduktoru *4NDS34* patří malý magnet a malý průměr membrány. Frekvenční charakteristiky už tolik příznivé nejsou. Při objemu *2 litry* je dolní mezní frekvence f_d cca *105 Hz* a při minimálním objemu *0,69 litru* je propad na *100 Hz* přibližně -*7,5 dB*. Tento neduh by se však dal kompenzovat úpravou signálu z generátoru.

• WF 130 ND - 8 Ohm - Visaton



Obr. 5.2.6: Reproduktor W 130 ND - ilustrační foto - dostupné z [46]



A-F Charakteristiky pro WF 130 ND

Obr. 5.2.7: A-F charakteristiky reproduktoru W 130 ND pro V_{min} a V_{opt}

Vas (/)	Fs (<i>Hz</i>)	Qts (-)	Vmin (/)	Vopt (/)	ø magnetu (<i>mm</i>)	Plocha membrány (<i>cm</i> ²)
4,49	65	0,46	0,698849	2	87	94

Tab. 5.2.3: Limitující parametry reproduktoru W 130 ND

Reproduktor *WF 130 ND* je sám o sobě velmi zajímavý. Je velmi tenký, což by se mohlo využít k vyzařování přední stranou. Celkem příznivé frekvenční charakteristiky dosahuje již při objemu 1,2 litru. Mírně zarážející je však tvar membrány, který má ke kuželu daleko. Je otázka, jak by vypadala směrová charakteristika tohoto reproduktoru, kterou výrobce v tuto chvíli ještě nemá změřenou a zveřejněnou.

5.3 Návrh poloprostorového zářiče pro pásmo 100 Hz až 2 kHz

V tomto případě chceme navrhnout zdroj, který bude mít polokulovou směrovou charakteristiku a bude použitelný pro měření parametrů polobezodrazových komor. Bude nám tedy stačit poloprostorové vyzařování, tedy jeden reproduktor hrající do objemu uzavřené ozvučnice. Podobně jako při návrhu akustického dvojčete, musíme zohledňovat stejné limitující parametry, tedy co možná nejmenší reproduktor s co nejmenším magnetem a s co nejméně robustním nosným košem. Rovněž chceme co nejmenší rezonanční frekvenci F_s a činitel jakosti Q_{tc} . Jediný parametr, kde máme v tomto případě větší volnost je ekvivalentní objem V_{as} . Dle [1] je totiž ideální umístit akustický střed zkušebního zdroje v rozmezí do $\lambda/10$ nad odrazivou rovinu, avšak maximálně 150 mm nad odrazivou rovinu, což nám dává určitý prostor k manévrování s velikostí objemu ozvučnice V_b. Výhodné při vyšších frekvencích bude eliminovat hrany a snížit výšku zdroje, a rozprostřít tak objem ozvučnice do šířky s plynulým náběhem. Dále je potřeba dbát na to, aby reproduktor nebyl do ozvučnice zanořen více, než je nutné, aby nedocházelo k deformaci směrové charakteristiky na vodorovné ose, potažmo na podlaze místnosti. Odhady směrových charakteristik pro různé průměry membrány a různé frekvence jsou na obrázcích **Obr. 4.3.1** a **Obr. 4.3.2**. Na obrázku **Obr. 5.4.1** je pak koncepce tohoto zdroje s navýšeným objemem. Takovou ozvučnici by bylo možné např. vylaminovat.



Obr. 5.3.1: Snížený a rozšířený akustický zářič se zvětšeným objemem

5.3.1 Výpočet minimálního objemu uzavřené ozvučnice

Minimální objem uzavřené ozvučnice se určí obdobně jako v případě akustického dvojčete. Výpočet se dokonce zjednoduší, jelikož počítáme pouze s jedním reproduktorem. Opět je ale potřeba k X_{MAX} přidat určitou rezervu δ , aby se membrána nemohla tlumit o stěnu ozvučnice. Minimální objem je v tomto případě dán vztahem:

$$V_{min} = V_{d} + V_{m} \tag{5.3.1}$$

Kde:

V_d je objem "kuželu" membrány reproduktoru a

 V_m je objem mezery mezi reproduktorem a stěnou ozvučnice.

Objem mezery je pak přibližně dán vztahem:

$$V_m = S_{vpr} \times (X_{MAX} + \delta) \tag{5.3.2}$$

Kde:

Svpr je průřez vnější hrany reproduktoru

 δ je zvolená rezerva

5.3.2 Určení optimálního objemu mezi reproduktory

Optimální objem V_{opt} zvolíme tak, aby při výpočtu A-F charakteristiky byl na 100 Hz maximální pokles -3dB.

5.3.3 Výběr reproduktoru pro poloprostorový zářič

Opět je snaha vybrat co možná nejmenší reproduktor s co možná nejmenšími parametry F_s , V_{AS} a Q_{tc} . Dále je vhodné vybrat reproduktor, který má co možná nejmenší magnet a co nejméně robustní nosný koš. Pokud by se ale podařilo sehnat dostatečně mělký reproduktor, bylo by jej možné nechat hrát přední stranou membrány. Odpadl by tak problém s průměrem magnetu a konstrukcí koše. V neposlední řadě opět rozhodnou průběhy A-F charakteristik. Bude vybrán reproduktor, jehož A-F charakteristiky se budou při V_{min} a V_{opt} nejméně lišit,

případně reproduktor, který má dolní mezní frekvenci f_d nižší než 100 Hz při dosažitelném objemu. Výše uvedeným podmínkám vyhovují reproduktory:

- W 130 X
- 4NDS34
- WF 130 ND

Výsledky ostatních reproduktorů, které byly původně zvažovány pro konstrukci poloprostorového zářiče jsou uvedeny v příloze **B**.

• 4NDS34 - B&C Speakers

Ilustrační foto reproduktoru 4NDS34 je uvedeno v kapitole 5.2.3 na obrázku Obr. 5.2.4.



Obr. 5.3.2: A-F charakteristiky reproduktoru 4NDS34 pro V_{min} a V_{opt}

Vas (I)	Fs (Hz)	Qts (-)	Vmin (l)	Vopt (l)	ø magnetu (mm)	Plocha membrány (cm²)		
4,49 65 0,46 0,209721 2 58 53								
Tab 5 1. Limituilai navanatur yanya dultany ANDS24								

Tab. 5.1: Limitující parametry reproduktoru 4NDS34

Výhodou reproduktoru *4NDS34* je i v tomto případě příznivá frekvenční charakteristika již při objemu 2 *litry*. Nevýhodou zůstává robustní magnet.

• WF 130 ND - 8 Ohm - Visaton



Obr. 5.3.3 - A-F charakteristiky reproduktoru WF 130 ND pro V_{min} a V_{opt}

Vas (I)	Fs (Hz)	Qts (-)	Vmin (l)	Vopt (I)	ø magnetu (mm)	Plocha membrány (cm²)			
10,6	46	0,69	0,166599	2	87	94			
	Tob 52: Limitation and the same dultant WE 120 ND								

 Tab. 5.2: Limitující parametry reproduktoru WF 130 ND

Ilustrační foto reproduktoru *WF130ND* je uvedeno v kapitole **5.2.3** na obrázku **Obr. 5.2.6.** Výhodou tohoto reproduktoru zůstává jeho malá hloubka. Bylo by možné jej použít pro vyzařování přední stranou, což by mohlo výrazně zlepšit směrovost, než při vyzařování zadní stranou reproduktoru. Další výhodu tohoto reproduktoru je příznivá A-F charakteristika, již při objemu *2 l.* Ze všech vybraných reproduktorů se tento jeví jako nejvhodnější.

• NTR06-1705D - Celestion



Obr. 5.3.4: Reproduktor NTR06-1705D - ilustrační foto – dostupné z [47]



Obr. 5.3.5: A-F charakteristiky reproduktoru NTR06-1705D pro V_{min} a V_{opt}

Vas (<i>I</i>)	Fs (<i>Hz</i>)	Qts (-)	Vmin (/)	Vopt (/)	ø magnetu (<i>mm</i>)	Plocha membrány (<i>cm</i> ²)	
10	59,8	0,42	0,48253	3	44	154	

Tab. 5.3: Limitující parametry reproduktoru NTR06-1705D

Výhodami reproduktoru *NTR06 – 1705D* jsou celkem otevřená konstrukce nosného koše a malý průměr membrány. Nevýhodami pak mohou být oproti zbytku reproduktoru relativně velký magnet a *3 l* optimální objem.

2018

• 35NDF26 - B&C Speakers



Obr. 5.3.6: Reproduktor 35NDF26 - ilustrační foto – dostupné z [48]



Obr. 5.3.7: A-F charakteristiky reproduktoru 35NDF26 pro V_{min} a V_{opt}

	Vas (<i>I</i>)	Fs (<i>Hz</i>) Qts (-	(<i>Hz</i>) Qts (-) Vmin (<i>I</i>) Vopt	(/) ø magnetu (<i>mm</i>)	Plocha membrány (cm ²)
4,49 65 0,46 0,698849 3 36 4	4,49	65 0,46	65 0,46 0,698849 3	36	46

 Tab. 5.4: Limitující parametry reproduktoru 35NDF26

Přednosti reproduktoru *35NDF26* jsou malý průměr membrány, relativně malý magnet a poměrně otevřený nosný koš. Nevýhodou však je, že i při objemu tří litrů je pokles na *100 Hz* cca *-6 dB*, což by ale případně bylo možné kompenzovat úpravou signálu z generátoru.

5.4 Návrh zvukovodového zdroje

Další možnou koncepcí zkušebního zdroje zvuku je tlakový reproduktor hrající do vlnovodu. Jak je již uvedeno v kapitole **3.5**, jedná se především o koncepci zdroje určeného pro vyšší frekvence. Vlnovod takového zdroje je možné realizovat za pomoci kónického vlnovodu, případně kombinací kónického a cylindrického vlnovodu, kde kónický vlnovod slouží k navázání zvuku z tlakového reproduktoru do cylindrického vlnovodu délky *l*. Případ takové kombinace je uveden na obrázku **Obr. 3.5.1**, případně na **Obr. 5.4.1**



Obr. 5.4.1: Spojení kónického a cylindrického vlnovodu

5.4.1 Odvození impedance cylindrického vlnovodu konečné délky

Na základě vztahu 5.4.1 převzatého z [4] definujme vstupní impedanci cylindrického vlnovodu Z_2 , pomocí výstupní impedance Z_3 . Pro zjednodušení předpokládejme bezztrátový vlnovod bez tření.

$$Z_{2} = Z_{0} \times \frac{Z_{3} \cos kl + Z_{0}j \sin kl}{Z_{3}j \sin kl + Z_{0} \cos kl}$$
(5.4.1)

Kde:

Z₀ je vlnová impedance prostředí

Z₂ je vstupní vlnová impedance cylindrického vlnovodu

Z₃ je výstupní vlnová impedance cylindrického vlnovodu

l je dékla cylindrického vlnovodu, a kde

$$k = \frac{\omega}{c_0} \tag{5.4.2}$$

Jelikož na začátku, stejně jako na konci cylindrického vlnovodu je okolní prostředí tvořeno vzduchem, zároveň se nijak nemění průřez vlnovodu, je tedy možné předpokládat, že:

$$Z_2 = Z_3 = Z_0 = c_0 \rho \tag{5.4.3}$$

Kompletní odvození impedance cylindrického vlnovodu je uvedeno v příloze **C**. Na základě vztahu *5.4.1* lze předpokládat, že impedance válcového vlnovodu je tvořena pouze frekvenčně nezávislým vlnovým odporem Z_0 . Rozměry válcového vlnovodu tedy nejsou závislé na frekvenci. Jiná situace však nastává v případě kónického vlnovodu.

5.4.2 Odvození impedance kónického vlnovodu konečné délky

Dle [1] a [2] je možné jako zdroj pro vyšší frekvence použít tlakový měnič hrající do zužující se válcové trubice. Tuto trubici lze chápat jako kónický vlnovod konečné délky zakončený impedancí Z_0 . Podobně jako v případě cylindrického vlnovodu byla odvozena vstupní impedance Z_1 , pomocí výstupní impedance Z_0 . Odvození impedance kónického vlnovodu je uvedeno v příloze. Impedance Z_1 je dána vztahem 5.4.4.

$$\frac{Z_1}{Z_0} = jkx_{poč} \frac{(2jkx_{konc} - 1)e^{-jkl} + e^{jkl}}{(2jkx_{konc} - 1)(jkx_{poč} + 1)e^{-jkl} + (-jkx_{poč} + 1)e^{jkl}}$$
(5.4.4)

Kde:

$$x_{konc} = \frac{d_{konc} \times l}{d_{poč} - d_{konc}}$$
(5.4.5)

$$x_{po\check{c}} = \frac{d_{po\check{c}} \times l}{d_{po\check{c}} - d_{konc}}$$
(5.4.6)



Obr. 5.4.2 – Ilustrační nákres kónického vlnovodu

Rozměry $d_{poč}$, d_{konc} , $X_{poč}$, X_{konc} a l jsou patrny z obrázku **Obr. 5.4.2**, přičemž $d_{poč}$ odpovídá rozměru zvoleného tlakového reproduktoru, zvolme např. $d_{poč} = 4 cm$, což velikostí odpovídá 1,5 palcovému tlakovému reproduktoru. Dále d_{konc} odpovídá výstupnímu průměru, zvoleného dle doporučení [1], nebo [2]. Pro frekvence až do 10 kHz, se doporučuje použít výstupní průměr vlnovodu $d_{konc} < 10 mm$ a délku l > 1,5 m. Dosazením těchto rozměrů do rovnic 5.4.5 a 5.4.6 dostaneme, že $X_{poč} = 2 m$ a $X_{konc} = 0,5 m$.

Dosazením rozměrů $X_{poč}$ a X_{konc} do vztahu 5.4.4 dostaneme frekvenční průběh vlnové impedance vlnovodu:



Obr. 5.4.3: Frekvenční průběh vlnové impedance kónického vlnovodu o zvolených rozměrech

Na vodorovné ose je k, které je dáno rovnicí 5.4.2 a na svislé ose je přenos A v dB. Frekvenci 2000 Hz odpovídá k na vodorovné ose přibližně k = 36 a frekvenci 8000 Hz přibližně odpovídá k = 145. Z uvedeného obrázku je patrné, že přenos vlnovodem kolísá v daném pásmu maximálně v rozmezí $\pm 0,5 dB$, což zajišťuje požadovanou stabilitu sousedních 1/3 oktávových pásem dle kapitoly **2**. Směrovost takového zdroje je pak dána výstupním průměrem d_{konc} .

5.4.3 Výběr tlakového reproduktoru pro vlnovod.

Je potřeba vybrat takový reproduktor, který má co nejvyrovnanější frekvenční charakteristiku pro pásmo, ve kterém má být použit. Dále je třeba dbát na to, aby byl reproduktor pro dané měření schopen dodat dostatečný výkon. Jako vhodný se jeví např. reproduktor *DE360* od B&C speakers. Ilustrační foto je uvedeno na obrázku **Obr. 5.4.4**.



Obr. 5.4.4: Ilustrační foto tlakového reproduktoru *DE360 (dostupný z*

6 Závěr

V kapitole **č. 1** jsou shrnuty požadavky norem [1] a [2] pro ověřování akustických parametrů pro volné akustické pole. Je vysvětleno i ověřování akustických parametrů volného akustického pole založené na principu poklesových křivek.

V kapitole č. 2 jsou shrnuty veškeré požadavky na zkušební zdroje sepsaných z [1], [2] a [3]. Pokud se požadavky v jednotlivých normách lišily, byl vždy brán v potaz pokaždé ten nejpřísnější požadavek.

V kapitole č. 3 jsou popsány používané koncepce zkušebních zdrojů.

V kapitole č. 4 jsou uvedeny výsledky a poznatky provedených orientačních zkoušek prototypů zkušebních zdrojů pro pásmo *100 Hz* až *2 kHz*.

Dále v kapitole č. 5 je popsán návrh zdrojů pro frekvenční pásmo *100 Hz* až 8 *kHz* pokrývané pomocí akustického dvojčete, poloprostorového zářiče a kónického, případně kombinací kónického a cylindrického vlnovodu, včetně výpočtu objemů daných zdrojů, v případě vlnovodů impedancí, a výběru vhodných reproduktorů. Cílem této práce měl být návrh, konstrukce a ověření funkčnosti zkonstruovaných zdrojů. Přestože byly sestrojeny a změřeny prototypy zkušebních zdrojů, byly splněny pouze dva body zadání, jelikož uvedená zkouška měla spíše orientační charakter a měla podpořit návrh zkušebních zdrojů, jenž se ukázal jako velmi sofistikovaný a časově velmi náročný problém, i s ohledem na čekací lhůty při objednávání vybraných reproduktorů.

Seznam literatury a informačních zdrojů

- [1] ČSN ISO 3745. Akustika Určení hladin akustického výkonu a hladin akustické energie zdrojů hluku pomocí akustického tlaku Přesné metody pro bezodrazové a polobezodrazové místnosti. Úřad pro technickou normalizaci, metrologii a státní zkušebnictví, 2012.
- [2] ČSN ISO 26101. Akustika Zkušební metody určování způsobilosti prostředí volného pole. Úřad pro technickou normalizaci, metrologii a státní zkušebnictví, 2012.
- ČSN ISO 26101. Akustika Požadavky na vlastnosti a kalibraci referenčních zdrojů zvuku používaných pro určování hladin akustického výkonu.
 Český normalizační institut 2001.
- [4] MERHAUT, Josef. *Teoretické základy elektroakustiky*. Academia, 1971.
- [5] SÝKORA, Bohumil. Reproduktory a reproduktorové soustavy trochu jinak. *Amatérské rádio, B/5*, 1993.
- [6] Boleslav, A., Jončev, M. Reproduktory a reproduktorové soustavy. *Amatérské rádio*, *B*/2, 1984.
- [7] TOMAN, Kamil. Reproduktory a reprosoustavy: 1. díl. Dexon, 2003.
- [8] ŠKVOR, Zdeněk. Akustika a elektroakustika. Praha: Academia, 2001.
- [9] BERANEK, Leo Leroy; MELLOW, Tim J. *Acoustics: sound fields and transducers*. Academic Press, 2012.
- [10] BERANEK, Leo L. Acoustics, American Institute of Physics. *Inc., New York*, 1986, 101.
- [11] SMETANA, Ctirad. Praktická elektroakustika. SNTL, 1981.
- [12] LUKEŠ, Jaroslav. Věrný zvuk. Praha: SNTL, 1962. ISBN 80-01-01150-X.
- [13] GOMEZ-ALFAGEME, J. J.; SANCHEZ-BOTE, J. L.; BLANCO-MARTIN, E. Design, Construction, and Qualification of the New Anechoic Chamber at Laboratorio de Sonido, Universidad Politecnica de Madrid. In: *AES 122nd Convention, Prepint*. 2007.
- [14] GÓMEZ ALFAGEME, Juan José; SANCHEZ BOTE, José Luis; BLANCO MARTÍN, Elena. New measurement methods for anechoic chamber characterization.
- [15] CUNEFARE, Kenneth A., et al. Anechoic chamber qualification: Traverse method, inverse square law analysis method, and nature of test signal. The Journal of the Acoustical Society of America, 2003, 113.2: 881-892.
- [16] CUNEFARE, Kenneth A.; BADERTSCHER, Jeff; WITTSTOCK, Volker. On the qualification of anechoic chambers; Issues related to signals and bandwidth. *The Journal of the Acoustical Society of America*, 2006, 120.2: 820-829.
- [17] PALCHIKOVSKIY, V. V., et al. Tests of anechoic chamber for aeroacoustics investigations. In: *AIP Conference Proceedings*. AIP Publishing, 2016. p. 030116.
- [18] BERANEK, Leo L.; SLEEPER JR, Harvey P. The design and construction of anechoic sound chambers. *The Journal of the Acoustical Society of America*, 1946, 18.1: 140-150.
- [19] HÜBNER, Gerhard. Qualification procedures for free-field conditions for sound-power determination of sound sources and methods for the determination of the appropriate environmental correction. *The Journal of the Acoustical Society of America*, 1977, 61.2: 456-464.
- [20] WINKER, Douglas; CHADHA, Ankit; RISTROPH, Einar. Source design considerations for qualifying hemi-anechoic chamber in compliance with ISO 3745. In: *INTER-NOISE and NOISE-CON Congress and Conference Proceedings*. Institute of Noise Control Engineering, 2007. p. 585-595.
- [21] CHADHA, Ankit; WINKER, Douglas F.; RISTROPH, Einar. Sound source near field and directionality impacts on hemi-anechoic chamber qualification. In: *INTER-NOISE and NOISE-CON Congress and Conference Proceedings*. Institute of Noise Control Engineering, 2008. p. 1265-1274.
- [22] MALING, George C.; WISE, Russell E.; NOBILE, Matthew A. Draw-away testing for qualification of hemi-anechoic rooms. In: *INTER-NOISE and NOISE-CON Congress and Conference Proceedings*. Institute of Noise Control Engineering, 1990. p. 363-368.
- [23] ÅGREN, Anders. The design and evaluation of a hemi-anechoic engine test room. *Applied Acoustics*, 1992, 37.2: 151-161.
- [24] YU, Guang-Zheng; XIE, Bo-Sun; RAO, Dan. Directivity of spherical polyhedron sound source used in near-field HRTF measurements. *Chinese Physics Letters*, 2010, 27.12: 124302-124302.

- [25] LEISHMAN, Timothy W.; ROLLINS, Sarah; SMITH, Heather M. An experimental evaluation of regular polyhedron loudspeakers as omnidirectional sources of sound. *The Journal of the Acoustical Society of America*, 2006, 120.3: 1411-1422.
- [26] PASQUAL, Alexander Mattioli; HERZOG, Philippe; ARRUDA, José Roberto de França. Theoretical and experimental analysis of the electromechanical behavior of a compact spherical loudspeaker array for directivity control. *The Journal of the Acoustical Society of America*, 2010, 128.6: 3478-3488.
- [27] VALTCHEV, Plamen; DIMITROV, Dimitar; ARTARSKI, Rumen. Spherical Sound Source for Acoustic Measurements. In: *Audio Engineering Society Convention 133*. Audio Engineering Society, 2012.
- [28] HAK, C. C. J. M., et al. The source directivity of a dodecahedron sound source determined by stepwise rotation. In: *Proceedings of Forum Acusticum, Aalborg.* 2011.
- [29] WARUSFEL, Olivier, et al. Reproduction of sound source directivity for future audio applications. In: *Proc. International Congress on Acoustics*. 2004.
- [30] PASQUAL, Alexander Mattioli. *Sound directivity control in a 3-D space by a compact spherical loudspeaker array.* 2010. PhD Thesis. Universidade Estadual de Campinas.
- [31] WINKER, Douglas. The influences of changes in international standards on performance qualification and design of anechoic and hemi-anechoic chambers. In: *INTER-NOISE and NOISE-CON Congress and Conference Proceedings*. Institute of Noise Control Engineering, 2016. p. 4693-4700.
- [32] KOPIEV, V. F., et al. Design and qualification of an anechoic facility in PNRPU. *Procedia Engineering*, 2017, 176: 264-272.
- [33] BIESEL, Van B.; CUNEFARE, Kenneth A. A test system for free-field qualification of anechoic chambers. *Sound and Vibration*, 2003, 37.5: 22-26.
- [34] MELDRUM, Bruce H.; THORLEY, A. A simplified method for the determination of the quality of an anechoic space at the CSIRO National Measurement Laboratory. 2002.
- [35] Bethke, Ch., Wittstock, V. Technical aspects in the qualification of free-field environments. International Conference on Acoustics; NAG-DAGA 2009; 2009; Rotterdam, Netherlands
- [36] WINKER, Douglas, et al. A precision grade, wide bandwidth source for the qualification of hemianechoic chambers. In: INTER-NOISE and NOISE-CON Congress and Conference Proceedings. Institute of Noise Control Engineering, 2008. p. 779-787.
- [37] ČSN EN ISO 10140-5. Akustika Laboratorní měření zvukové izolace stavebních konstrukcí Část 5: Požadavky na zkušební zařízení a přístrojové vybavení místnosti. Úřad pro technickou normalizaci, metrologii a státní zkušebnictví, 2011.
- [38] ČSN EN ISO 140-3. Akustika. Měření zvukové izolace stavebních konstrukcí a v budovách. Část 3: Laboratorní měření vzduchové neprůzvučnosti stavebních konstrukcí (ISO 140-3:1995). Český normalizační institut, 1996
- [39] http://www.mip.fi/en/component/virtuemart/acoustics-and-noise/rakennusakustiikka/norsonic-nor275puolipallokaiutin-detail?Itemid=0
- [40] https://iaem.at/projekte/sphericalarrays/compact-spherical-loudspeaker-arrays
- [41] https://iaem.at/projekte/sphericalarrays/compact-spherical-loudspeaker-arrays
- [42] https://www.bksv.com/en/products/transducers/acoustic/sound-sources/reference-4204
- [43] http://www.visaton.de/en/products/bass-midranges/w-100-s-4-ohm
- [44] http://www.visaton.de/en/products/drivers-accessories/woofers/w-130-x-2-x-4-ohm
- [45] http://www.bcspeakers.com/en/products/lf-driver/4-0/8/4nds34-8
- [46] http://www.visaton.de/en/products/bass-midranges/wf-130-nd-8-ohm
- [47] https://celestion.com/product/76/ntr061705d/
- [48] http://www.bcspeakers.com/en/products/lf-driver/3-5/8/35ndf26
- [49] http://www.bcspeakers.com/en/products/hf-driver/1-0/8/de360-8
- [50] http://www.visaton.de/en/products/bass-midranges/w-100-s-4-ohm
- [51] https://celestion.com/product/76/ntr061705d/
- [52] http://www.bcspeakers.com/en/products/lf-driver/5-0/8/5ndl38-8
- [53] http://www.bcspeakers.com/en/products/lf-driver/6-5/8/6ndl38-8
- [54] https://celestion.com/product/191/ntr0617x/
- [55] http://www.bcspeakers.com/en/products/lf-driver/3-5/8/35ndf26
- [56] https://celestion.com/product/77/ntr061705b/

- [57] http://www.eminence.com/speakers/speaker-detail/?model=Pro_5W_8
- [58] http://www.faitalpro.com/en/products/LF_Loudspeakers/product_details/index.php?id=101020150
- [59] http://www.bcspeakers.com/en/products/lf-driver/4-0/8/4ndf34
- [60] http://www.faitalpro.com/en/products/LF_Loudspeakers/product_details/index.php?id=101010100
- [61] http://www.bcspeakers.com/en/products/lf-driver/5-0/8/5mdn38-8
- [62] http://www.bcspeakers.com/en/products/lf-driver/6-5/8/6mbx44-8
- [63] http://www.visaton.de/en/products/fullrange-systems/ws-13-e-8-ohm
- [64] http://www.eminence.com/speakers/speaker-detail/?model=Alphalite_6A

Přílohy

Příloha A: A-F charakteristiky dalších reproduktorů, vyhodnocovaných v rámci výběru reproduktorů pro konstrukci akustického dvojčete

W 100 S - 4 Ohm - Visaton



Obr. A 1: *Ilustrační foto reproduktoru W100S* – dostupný z [50]



A-F Charakteristiky pro W 100 S - 4 Ohm

Obr. A 2: A-F charakteristiky reproduktoru W100S pro V_{min} a V_{opt}

4,49 65 0,46 0,420139 2 70 53	Vas (I)	Fs (Hz)	Qts (-)	Vmin (l)	Vopt (l)	ømagnetu (mm)	Plocha membrány (cm²)
	4,49	65	0,46	0,420139	2	70	53

Tab. A 1: Limitující parametry reproduktoru W 100 S

NTR06-1705D - Celestion



Obr. A 3: Ilustrační foto reproduktoru NTR06-1705D - dostupný z [51]



Obr. A 4: A-F charakteristiky reproduktoru NTR06-1705D pro V_{min} a V_{opt}

Vas (I)	Fs (Hz)	Qts (-)	Vmin (l)	Vopt (I)	ømagnetu (mm)	Plocha membrány (cm²)		
10	59,8	0,42	0,908607	3	44	154		

Tab. A 2: Limitující parametry reproduktoru NTR06-1705D

5NDL38 – B&C Speakers



Obr. A 5: *Ilustrační foto reproduktoru 5NDL38* - dostupný z [52]



Obr. A 6: A-F charakteristiky reproduktoru 5NDL38 pro V_{min} a V_{opt}

Vas (I)	Fs (Hz)	Qts (-)	Vmin (l)	Vopt (l)	ømagnetu (mm)	Plocha membrány (cm²)
4,3	80	0,36	0,542531	3	38	95

Tab. A 3: Limitující parametry reproduktoru 5NDL38

6NDL38 – B&C Speakers



Obr. A 7: Ilustrační foto reproduktoru 6NDL38 - dostupný z [53]



Obr. A 8: A-F charakteristiky reproduktoru 6NDL38 pro V_{min} a V_{opt}

Vas (I)	Fs (Hz)	Qts (-)	Vmin (l)	Vopt (I)	ømagnetu (mm)	Plocha membrány (cm²)
7	72	0,42	0,925293	3	38	132
					<i></i>	

Tab. A 4: Limitující parametry reproduktoru 6NDL38

NTR06-17X - Celestion



Obr. A 9: *Ilustrační foto reproduktoru NTR06-17x* - dostupný z [54]



Obr. A 10: A-F charakteristiky reproduktoru NTR06-17x pro V_{min} a V_{opt}

Vas (I)	Fs (Hz)	Qts (-)	Vmin (l)	Vopt (l)	ømagnetu (mm)	Plocha membrány (cm²)
13,81	61,2	0,327	0,724442	3	45	154

 Tab. A 5: Limitující parametry reproduktoru NTR06-17x

35NDF26 – B&C Speakers



Obr. A 11: *Ilustrační foto reproduktoru 35NDF26* - dostupný z [55]

A-F Charakteristiky pro Vmin a Vopt 10 5 0 -5 -10 -15 A (dB) -20 -25 AFCH - Vmin -30 -35 AFCH - Vopt -40 -45 -50 -55 -60 100 10 1000 f (Hz)

Obr. A 12: A-F charakteristiky reproduktoru 35NDF26 pro V_{min} a V_{opt}

Vas (I)	Fs (Hz)	Qts (-)	Vmin (l)	Vopt (I)	ømagnetu (mm)	Plocha membrány (cm²)
1,9	98	0,55	0,260801	3	26	46
NTR06-1705B - Celestion



Obr. A 13: Ilustrační foto reproduktoru NTR06-1705B - dostupný z [56]



Obr. A 14: A-F charakteristiky reproduktoru NTR06-1705B pro V_{min} a V_{opt}

Vas (I)	Fs (Hz)	Qts (-)	Vmin (l)	Vopt (l)	ømagnetu (mm)	Plocha membrány (cm²)
4	109	0,43	0,596386	3	44	154

Tab. A 7:	Limitující	parametry	reproduktoru	NTR06-1705B
-----------	------------	-----------	--------------	-------------

PRO 5W-8 - Eminence



Obr. A 15: *Ilustrační foto reproduktoru PRO 5W-8* - dostupný z [57]



A-F Charakteristiky pro Vmin a Vopt

Obr. A 16: A-F charakteristiky reproduktoru PRO 5W-8 pro V_{min} a V_{opt}

Vas (I)	Fs (Hz)	Qts (-)	Vmin (l)	Vopt (l)	ømagnetu (mm)	Plocha membrány (cm²)		
4,31	95	0,32	0,510415	3	25	66,6		

Tab. A 8: Limitující parametry reproduktoru PRO 5W-8

W6N8-120 - FaitalPRO



Obr. A 17: Ilustrační foto reproduktoru W6N8-120 - dostupný z [58]



A-F Charakteristiky pro W6N8-120

Obr. A 18: A-F charakteristiky reproduktoru W6N8-120 pro V_{min} a V_{opt}

Vas (I)	Fs (Hz)	Qts (-)	Vmin (l)	Vopt (l)	ømagnetu (mm)	Plocha membrány (cm²)		
3,9	100	0,38	0,797344	3	37	113		

Tab. A 9: Limitující parametry reproduktoru W6N8-120

4NDF34 – B&C Speakers



Obr. A 19: *Ilustrační foto reproduktoru 4NDF34* - dostupný z [59]



A-F Charakteristiky pro Vmin a Vopt

Obr. A 20: A-F charakteristiky reproduktoru 4NDF34 pro V_{min} a V_{opt}

Vas (I)	Fs (Hz)	Qts (-)	Vmin (I)	Vopt (l)	ømagnetu (mm)	Plocha membrány (cm²)		
1,6 110 0,27 0,399714 5 33 57								
Teb A 10: Limituijai naramatru ranraduktoru ANDE34								

 Tab. A 10: Limitující parametry reproduktoru 4NDF34

M5N8-80 - FaitalPRO



Obr. A 21: *Ilustrační foto reproduktoru M5N8-80* - dostupný z [60]



Obr. A 22: A-F charakteristiky reproduktoru M5N8-80 pro V_{min} a V_{opt}

Vas (I)	Fs (Hz)	Qts (-)	Vmin (l)	Vopt (l)	ømagnetu (mm)	Plocha membrány (cm²)		
0,4	180	0,36	0,515454	10	32	94,2		

Tab. A 11: Limitující parametry reproduktoru M5N8-80

5MDN38 – B&C Speakers



Obr. A 23: Ilustrační foto reproduktoru 5MDN38 - dostupný z [61]



A-F Charakteristiky pro 5MDN38

Obr. A 24: A-F charakteristiky reproduktoru 5MDN38 pro V_{min} a V_{opt}

Vas (I) F	Fs (Hz)	Qts (-)	Vmin (l)	Vopt (l)	ømagnetu (mm)	Plocha membrány (cm²)
0,6	240	0,45	0,542531	3	38	95

 Tab. A 12: Limitující parametry reproduktoru 5MDN38

6MBX44



Obr. A 25: *Ilustrační foto reproduktoru 6MBX44* - dostupný z [62]



A-F Charakteristiky pro 6MBX44

Obr. A 26: A-F charakteristiky reproduktoru 6MBX44 pro V_{min} a V_{opt}

Vas (l) F	Fs (Hz)	Qts (-)	Vmin (l)	Vopt (l)	ømagnetu (mm)	Plocha membrány (cm²)
4,1	113	0,31	0,809117	3	44	132

 Tab. A 13: Limitující parametry reproduktoru 6MBX44

WS 13 E - 8 Ohm - Visaton



Obr. A 27: *Ilustrační foto reproduktoru WS13E* - dostupný z [63]



A-F Charakteristiky pro WS 13 E

Obr. A 28: A-F charakteristiky reproduktoru WS13E pro V_{min} a V_{opt}

Vas (I)	Fs (Hz)	Qts (-)	Vmin (l)	Vopt (l)	ømagnetu (mm)	Plocha membrány (cm²)		
7,7	83	1,08	0,467879	6	65	86,5		

Tab. A 14: Limitující parametry reproduktoru WS13E

ALPHALITE[™] 6A - Eminence



Obr. A 29: *Ilustrační foto reproduktoru ALPHALITE™ 6A* - dostupný z [64]



A-F Charakteristiky pro ALPHALITE™ 6A

Obr. A 30: A-F charakteristiky reproduktoru $ALPHALITE^{TM} 6A$ pro $V_{min} a V_{opt}$

Vas (I)	Fs (Hz)	Qts (-)	Vmin (l)	Vopt (l)	ømagnetu (mm)	Plocha membrány (cm²)
4,92	126	0,56	0,747136	5	38	129

Tab. A 15: Limitující parametry reproduktoru ALPHALITE™

Příloha B: A-F charakteristiky dalších reproduktorů, vyhodnocovaných v rámci výběru reproduktoru pro konstrukci poloprostorového zářiče

W 130 X $_$ 2 x 4 Ohm - Visaton



Obr. B 1: *Reproduktor W 130 X - ilustrační foto -* dostupné z [44]



A-F Charakteristiky pro W 130 X

Obr. B 2: A-F charakteristiky reproduktoru W 130 X pro V_{min} a V_{opt}

Vas (/)	Fs (<i>Hz</i>)	Qts (-)	Vmin (/)	Vopt (/)	ø magnetu (<i>mm</i>)	Plocha membrány (<i>cm</i> ²)
5,1	40	0,71	0,285933	2	100	94,2

Tab. B 1: Limitující parametry reproduktoru W 130 X

W 100 S - 4 Ohm - Visaton



Obr.B 3: Ilustrační foto reproduktoru W100S – dostupný z [50]



A-F Charakteristiky pro W 100 S

Obr. B 4: A-F charakteristiky reproduktoru W100S pro V_{min} a V_{opt}

4.49 65 0.46 0.221759 2 70 53	Vas (I)	Fs (Hz)	Qts (-)	Vmin (l)	Vopt (I)	ømagnetu (mm)	Plocha membrány (cm²)
	4,49	65	0,46	0,221759	2	70	53

Tab. B2: Limitující parametry reproduktoru W 100 S

5NDL38 – B&C Speakers



Obr. B 31: Ilustrační foto reproduktoru 5NDL38 - dostupný z [52]



Obr. B 32: A-F charakteristiky reproduktoru 5NDL38 pro V_{min} a V_{opt}

Vas (I)	Fs (Hz)	Qts (-)	Vmin (l)	Vopt (l)	ømagnetu (mm)	Plocha membrány (cm²)
4,3	80	0,36	0,542531	3	38	95

 Tab. B 16: Limitující parametry reproduktoru 5NDL38

6NDL38 – B&C Speakers



Obr. B 33: Ilustrační foto reproduktoru 6NDL38 - dostupný z [53]



Obr. B 34: A-F charakteristiky reproduktoru 6NDL38 pro V_{min} a V_{opt}

Vas (I)	Fs (Hz)	Qts (-)	Vmin (l)	Vopt (I)	ømagnetu (mm)	Plocha membrány (cm²)
7	72	0,42	0,485882	3	38	132

Tab. B 17: Limitující parametry reproduktoru 6NDL38

NTR06-17X - Celestion



Obr. B 35: *Ilustrační foto reproduktoru NTR06-17x* - dostupný z [54]



Obr. B 36: A-F charakteristiky reproduktoru NTR06-17x pro V_{min} a V_{opt}

Vas (I)	Fs (Hz)	Qts (-)	Vmin (l)	Vopt (l)	ømagnetu (mm)	Plocha membrány (cm²)
13,81	61,2	0,327	0,390276	3	45	154

Tab. B 18: Limitující parametry reproduktoru NTR06-17x

NTR06-1705B - Celestion



Obr. B 371: Ilustrační foto reproduktoru NTR06-1705B - dostupný z [56]



Obr. B 382: A-F charakteristiky reproduktoru NTR06-1705B pro V_{min} a V_{opt}

Vas (I)	Fs (Hz)	Qts (-)	Vmin (l)	Vopt (I)	ømagnetu (mm)	Plocha membrány (cm²)
4	109	0,43	0,326248	3	44	154

T-L	D (.	1	/	11.	NTDOC	1705 D
1 ad	. в о:	Limitujici	i parametry	гергоаикtoru	NIKU0-	1705B

PRO 5W-8 - Eminence



Obr. B 13: Ilustrační foto reproduktoru PRO 5W-8 - dostupný z [57]



A-F Charakteristiky pro PRO 5W-8

Obr. B 14: A-F charakteristiky reproduktoru PRO 5W-8 pro V_{min} a V_{opt}

Vas (I)	Fs (Hz)	Qts (-)	Vmin (l)	Vopt (l)	ømagnetu (mm)	Plocha membrány (cm²)		
4,31	95	0,32	0,270854	3	25	66,6		
$\mathbf{T}_{-\mathbf{L}} = \mathbf{D} \cdot \mathbf{T}_{-\mathbf{L}} \cdot \mathbf{T}_{-\mathbf{L}}$								

Tab. B 7: Limitující parametry reproduktoru PRO 5W-8

W6N8-120 – FaitalPRO



Obr. B 395: Ilustrační foto reproduktoru W6N8-120 - dostupný z [58]



Obr. B 406: A-F charakteristiky reproduktoru W6N8-120 pro V_{min} a V_{opt}

Vas (I)	Fs (Hz)	Qts (-)	Vmin (I)	Vopt (l)	ømagnetu (mm)	Plocha membrány (cm²)
3,9	100	0,38	0,419284	3	37	113
						X0. / • 0

 Tab. B 8: Limitující parametry reproduktoru W6N8-120

4NDF34 – B&C Speakers



Obr. B 17: *Ilustrační foto reproduktoru 4NDF34* - dostupný z [59]



Obr. B 18: A-F charakteristiky reproduktoru 4NDF34 pro V_{min} a V_{opt}

Vas (I)	Fs (Hz)	Qts (-)	Vmin (l)	Vopt (l)	ømagnetu (mm)	Plocha membrány (cm²)
1,6	110	0,27	0,210244	5	33	57

Tab. B 9: Limitující parametry reproduktoru 4NDF34

M5N8-80 - FaitalPRO



Obr. B 19: Ilustrační foto reproduktoru M5N8-80 - dostupný z [60]



A-F Charakteristiky pro M5N8-80

Obr. B 20: A-F charakteristiky reproduktoru M5N8-80 pro V_{min} a V_{opt}

	Vas (I)	Fs (Hz)	Qts (-)	Vmin (l)	Vopt (l)	ømagnetu (mm)	Plocha membrány (cm²)
0,4 180 0,36 0,273121 10 32 94,2	0,4	180	0,36	0,273121	10	32	94,2

 Tab. B10: Limitující parametry reproduktoru M5N8-80

5MDN38 – B&C Speakers



Obr. B 21: Ilustrační foto reproduktoru 5MDN38 - dostupný z [61]



A-F Charakteristiky pro 5MDN38

Obr. B 22: A-F charakteristiky reproduktoru 5MDN38 pro V_{min} a V_{opt}

Vas (I)	Fs (Hz)	Qts (-)	Vmin (l)	Vopt (l)	ømagnetu (mm)	Plocha membrány (cm²)
0,6	240	0,45	0,287102	3	38	95

 Tab. B 11: Limitující parametry reproduktoru 5MDN38

6MBX44



Obr. B 23: Ilustrační foto reproduktoru 6MBX44 - dostupný z [62]



A-F Charakteristiky pro 6MBX44

Obr. B 24: A-F charakteristiky reproduktoru 6MBX44 pro V_{min} a V_{opt}

Vas (I)	Fs (Hz)	Qts (-)	Vmin (l)	Vopt (l)	ømagnetu (mm)	Plocha membrány (cm²)
4,1	113	0,31	0,427794	3	44	132

Tab. B 12: Limitující parametry reproduktoru 6MBX44

WS 13 E - 8 Ohm - Visaton



Obr. B 25: *Ilustrační foto reproduktoru WS13E* - dostupný z [63]



A-F Charakteristiky pro WS 13 E

Obr. B 26: A-F charakteristiky reproduktoru WS13E pro V_{min} a V_{opt}

Vas (I)	Fs (Hz)	Qts (-)	Vmin (l)	Vopt (l)	ømagnetu (mm)	Plocha membrány (cm²)
7,7	83	1,08	0,251611	6	65	86,5

Tab. B 13 Limitující parametry reproduktoru WS13E

ALPHALITE[™] 6A - Eminence



Obr. B 27: *Ilustrační foto reproduktoru ALPHALITE™ 6A* - dostupný z [64]



A-F Charakteristiky pro ALPHALITE™ 6A

Obr. B28: A-F charakteristiky reproduktoru $ALPHALITE^{TM} 6A$ pro $V_{min} a V_{opt}$

Vas (I)	Fs (Hz)	Qts (-)	Vmin (l)	Vopt (l)	ømagnetu (mm)	Plocha membrány (cm²)
4,92	126	0,56	0,395472	5	38	129
Teb D 14. Limitail and a many star and the set of DUALITETM						

Tab. B 14: Limitující parametry reproduktoru ALPHALITE™

Příloha C: Odvození vlnové impedance cylindrického vlnovodu

Vlnovody se obvykle řeší pomocí vlnové rovnice. Při odvozování impedance vlnovodu vycházejme ze vztahu pro rychlostní potenciál, což je funkce délky a času.

$$\phi_{(x,t)} = \Psi_{(x)} e^{j\omega t}$$
C1.

Kde:

 ϕ je rychlostní potenciál

 Ψ je amplituda rychlostního potenciálu

Z rychlostního potenciálu můžeme získat rychlost derivací podle délky a akustický tlak derivací podle času:

$$v = \frac{\partial \phi}{\partial \phi} = \frac{d\Psi}{dx} e^{j\omega t}$$
 C2.

$$P = -\rho \frac{\partial \phi}{\partial t} = -\rho j \boldsymbol{\omega} \Psi_{(x)} e^{j \boldsymbol{\omega} t}$$
C3.

Impedance je pak dána vztahem:

$$Z_x = \frac{P_{(x)}}{v_{(x)}} = \frac{-\rho j \omega \Psi_{(x)} e^{j\omega t}}{\frac{d\Psi}{dx} e^{j\omega t}} = \frac{-\rho j \omega \Psi_{(x)}}{\frac{d\Psi}{dx}}$$
C4.

Dle [4] je řešení $\Psi_{(x)}$ pro cylindrický vlnovod dáno vztahem:

$$\Psi_{(x)} = C_1 e^{-jkx} + C_1 e^{+jkx}$$
 C5.

Kde konstanta C_1 představuje amplitudu rychlostního potenciálu vlny přímé a C_2 vlny odražené. Nyní je však potřeba vyjádřit vstupní impedanci, což provedeme pomocí impedance výstupní. Abychom tak ale mohli učinit, potřebujeme vyjádřit poměr konstant C_1 a C_2 . Definujme tedy výrazy Z_{xkonc} a $Z_{xpoč}$.



Obr. C1 – nákres cylindrického vlnovodu

$$\Psi_{(x_{po\check{c}})} = C_1 e^{-jkx_{po\check{c}}} + C_2 e^{jkx_{po\check{c}}}$$
 C6.

$$\Psi_{(x_{konc})} = C_1 e^{-jkx_{konc}} + C_2 e^{jkx_{konc}}$$
 C7.

$$Z_1 \equiv Z_{x_{po\check{c}}} = \frac{\rho j \omega \left(C_1 e^{-jkx_{po\check{c}}} + C_2 e^{jkx_{po\check{c}}} \right)}{-jk \ C_1 e^{-jkx_{po\check{c}}} + jk \ C_2 e^{jkx_{po\check{c}}}}$$
C8.

$$Z_{2} \equiv Z_{x_{konc}} = \frac{\rho j \omega \left(C_{1} e^{-jkx_{konc}} + C_{2} e^{jkx_{konc}} \right)}{jk \left(C_{1} e^{-jkx_{konc}} - C_{2} e^{jkx_{konc}} \right)} = \rho \frac{\omega}{k} \frac{\left(e^{-jkx_{konc}} + \frac{C_{2}}{C_{1}} e^{jkx_{konc}} \right)}{\left(e^{-jkx_{konc}} - \frac{C_{2}}{C_{1}} e^{jkx_{konc}} \right)} \quad C9.$$

Poměr konstant C_1 a C_2 .vyjádříme ze vztahu pro Z_{xkonc} .

$$Z_2\left(e^{-jkx_{konc}} - \frac{C_2}{C_1}e^{jkx_{konc}}\right) = Z_0\left(e^{-jkx_{konc}} + \frac{C_2}{C_1}e^{jkx_{konc}}\right)$$
C10.

$$\frac{C_2}{C_1}e^{jkx_{konc}}(Z_0 + Z_2) = e^{-jkx_{konc}}(Z_2 - Z_0)$$
 C11.

$$\frac{C_2}{C_1} = e^{-2jkx_{konc}} \frac{(Z_2 - Z_0)}{(Z_2 + Z_0)}$$
C12.

Tento vyjádřený poměr pak dosadíme do výrazu pro Z_1 . Tím dostaneme závislost vstupní impedance na impedanci výstupní. $Z_{xpoč}$ je impedance v bodě $x_{poč}$ a Z_{xkonc} je impedance v bodě x_{konc} . Viz. obrázek **Obr. C1**.

$$Z_{1} = Z_{0} \frac{\left(e^{-jkx_{poč}} + \frac{C_{2}}{C_{1}}e^{jkx_{poč}}\right)}{\left(e^{-jkx_{poč}} - \frac{C_{2}}{C_{1}}e^{jkx_{poč}}\right)} = Z_{0} \frac{\left(e^{-jkx_{poč}} + \frac{(Z_{2} - Z_{0})}{(Z_{2} + Z_{0})}e^{jk(x_{poč} - 2x_{konc})}\right)}{\left(e^{-jkx_{poč}} - \frac{(Z_{2} - Z_{0})}{(Z_{2} + Z_{0})}e^{jk(x_{poč} - 2x_{konc})}\right)}$$
C13.

Vztah *C13* nyní vydělíme: $/(Z_2 + Z_0)e^{jkx_{konc}}$

$$Z_{1} = Z_{0} \frac{(Z_{2} + Z_{0})e^{-jk(x_{poč} - x_{konc})} + (Z_{2} - Z_{0})e^{jk(x_{poč} - x_{konc})}}{(Z_{2} + Z_{0})e^{-jk(x_{poč} - x_{konc})} - (Z_{2} - Z_{0})e^{jk(x_{poč} - x_{konc})}}$$
C14.

$$Z_{1} = Z_{0} \frac{Z_{2} \cos k(x_{poč} - x_{konc}) - Z_{0} j \sin k(x_{poč} - x_{konc})}{Z_{2} j \sin k(x_{poč} - x_{konc}) + Z_{0} \cos k(x_{poč} - x_{konc})}$$
C15.

$$Z_1 = Z_0 \frac{Z_2 \cos kl + Z_0 j \sin kl}{Z_2 j \sin kl + Z_0 \cos kl}$$
C16.

V tomto případě je však Z₂ rovno Z₀, tudíž se celý vztah velmi zjednoduší.

$$Z_1 = Z_0 = C_0 \rho \tag{C17.}$$



Příloha D: Odvození vlnové impedance kónického vlnovodu

Obr. D1: Ilustrační nákres kónického vlnovodu

Při odvozování impedance kónického vlnovodu je postup obdobný, jako tomu bylo u cylindrického vlnovodu. Vycházejme z předpokladu, že amplituda vektorového potenciálu je dána z [4]:

$$\Psi_x = \frac{C_1}{x}e^{-jkx} + \frac{C_2}{x}e^{jkx}$$
D1

Pro výpočet impedance kónického vlnovodu budeme vycházet ze vztahu C4. Abychom mohli do vztahu C4 dosadit, je potřeba opět vypočítat rychlost $v_{(x)}$ a akustický tlak $P_{(x)}$, dle vztahů C2 a C3.

$$v_x = \frac{d\Psi}{dx}e^{j\omega t} = \frac{C_1}{x}\left(-jk - \frac{1}{x}\right)e^{-jkx} + \frac{C_2}{x}\left(jk - \frac{1}{x}\right)e^{jkx}$$
D2

$$P_x = -\rho j \boldsymbol{\omega} \Psi_{(x)} e^{j \boldsymbol{\omega} t} = -\rho j \boldsymbol{\omega} \left(\frac{C_1}{x} e^{-jkx} + \frac{C_2}{x} e^{jkx} \right)$$
D3

Impedance je pak dána vztahem D4:

$$Z_x = \frac{P_x}{v_x} = \frac{-\rho j \omega \left(\frac{C_1}{x} e^{-jkx} + \frac{C_2}{x} e^{jkx}\right)}{\frac{C_1}{x} \left(-jk - \frac{1}{x}\right) e^{-jkx} + \frac{C_2}{x} \left(jk - \frac{1}{x}\right) e^{jkx}}$$
D4

Po sérii matematických úprav dostaneme vztah:

$$Z_{x} = Z_{0} \frac{e^{-jkx} + \frac{C_{2}}{C_{1}} e^{jkx}}{\left(1 + \frac{1}{jkx}\right) e^{-jkx} + \frac{C_{2}}{C_{1}} \left(-1 + \frac{1}{jkx}\right) e^{jkx}}$$
D5

Nyní opět chceme vyjádřit vstupní impedanci pomocí výstupní impedance. Abychom tak ale mohli učinit, potřebujeme vyjádřit poměr konstant C_1 a C_2 . Opět tedy definujme výraz Z_{xkonc} , abychom mohli vyjádřit poměr konstant C_1 a C_2 , které pak následně dosadíme do $Z_{xpoč}$.

$$Z_{2} \equiv Z_{x_{konc}} = Z_{0} \frac{e^{-jkx_{konc}} + \frac{C_{2}}{C_{1}}e^{jkx_{konc}}}{\left(1 + \frac{1}{jkx_{konc}}\right)e^{-jkx_{konc}} + \frac{C_{2}}{C_{1}}\left(-1 + \frac{1}{jkx_{konc}}\right)e^{jkx_{konc}}} D6$$

$$Z_{x_{konc}} \left[\left(1 + \frac{1}{jkx_{konc}}\right)e^{-jkx_{konc}} + \frac{C_{2}}{C_{1}}\left(-1 + \frac{1}{jkx_{konc}}\right)e^{jkx_{konc}} \right]$$

$$= Z_{0} \left(e^{-jkx_{konc}} + \frac{C_{2}}{C_{1}}e^{jkx_{konc}}\right) D7$$

Po provedení matematických úprav dostáváme poměr konstant C_1 a C_2

$$\frac{C_2}{C_1} = \frac{Z_{x_{konc}} \left(1 + \frac{1}{jkx_{konc}} \right) - Z_0}{Z_0 - Z_{x_{konc}} \left(-1 + \frac{1}{jkx_{konc}} \right)} e^{-2jkx_{konc}}$$
D8

Nyní, jako v rovnici C14 dosadíme poměr konstant C_1 a C_2 do vztahu pro impedanci Z_1 :

$$\frac{Z_{1}}{Z_{0}} = \frac{e^{-jkx_{poč}} + \left(\frac{Z_{x_{konc}}\left(1 + \frac{1}{jkx_{konc}}\right) - Z_{0}}{Z_{0} - Z_{x_{konc}}\left(-1 + \frac{1}{jkx_{konc}}\right)}\right)e^{jk(x_{poč} - 2x_{konc})}}{\left(1 + \frac{1}{jkx_{poč}}\right)e^{-jkx_{poč}} + \left(\frac{Z_{x_{konc}}\left(1 + \frac{1}{jkx_{konc}}\right) - Z_{0}}{Z_{0} - Z_{x_{konc}}\left(-1 + \frac{1}{jkx_{konc}}\right)}\right)\left(-1 + \frac{1}{jkx_{poč}}\right)e^{jk(x_{poč} - 2x_{konc})}}$$

$$= \frac{\left[Z_{0} - Z_{x_{konc}}\left(-1 + \frac{1}{jkx_{konc}}\right)\right]e^{-jk(x_{po\ell} - x_{konc})} + \left[Z_{x_{konc}}\left(1 + \frac{1}{jkx_{konc}}\right) - Z_{0}\right]e^{jk(x_{po\ell} - x_{konc})}}{\left[Z_{0} - Z_{x_{konc}}\left(-1 + \frac{1}{jkx_{konc}}\right)\right]\left(1 + \frac{1}{jkx_{po\ell}}\right)e^{-jk(x_{po\ell} - x_{konc})} + \left[Z_{x_{konc}}\left(1 + \frac{1}{jkx_{konc}}\right) - Z_{0}\right]\left(-1 + \frac{1}{jkx_{po\ell}}\right)e^{jk(x_{po\ell} - x_{konc})}$$

 Z_{xkonc} je v našem případě rovna Z_0 , jelikož vlnovod ústí do volného prostoru. Dosaď me tedy:

$$\frac{Z_1}{Z_0} = \frac{\left[1 - \left(-1 + \frac{1}{jkx_{konc}}\right)\right]e^{-jk(x_{po\xi} - x_{konc})} + \left(\frac{1}{jkx_{konc}}\right)e^{jk(x_{po\xi} - x_{konc})}}{\left[1 - \left(-1 + \frac{1}{jkx_{konc}}\right)\right]\left(1 + \frac{1}{jkx_{po\xi}}\right)e^{-jk(x_{po\xi} - x_{konc})} + \left[\left(1 + \frac{1}{jkx_{konc}}\right) - 1\right]\left(-1 + \frac{1}{jkx_{po\xi}}\right)e^{jk(x_{po\xi} - x_{konc})}} = \frac{1}{\left[1 - \left(-1 + \frac{1}{jkx_{konc}}\right)\right]\left(1 + \frac{1}{jkx_{po\xi}}\right)e^{-jk(x_{po\xi} - x_{konc})} + \left[\left(1 + \frac{1}{jkx_{konc}}\right) - 1\right]\left(-1 + \frac{1}{jkx_{po\xi}}\right)e^{jk(x_{po\xi} - x_{konc})}}$$

$$=\frac{\left(2-\frac{1}{jkx_{konc}}\right)e^{-jk(x_{po\xi}-x_{konc})} + \left(\frac{1}{jkx_{konc}}\right)e^{jk(x_{po\xi}-x_{konc})}}{\left(2-\frac{1}{jkx_{konc}}\right)\left(1+\frac{1}{jkx_{po\xi}}\right)e^{-jk(x_{po\xi}-x_{konc})} + \frac{1}{jkx_{konc}}\left(-1+\frac{1}{jkx_{po\xi}}\right)e^{jk(x_{po\xi}-x_{konc})}}$$

$$\frac{Z_1}{Z_0} = jkx_{poč} \frac{(2jkx_{konc} - 1)e^{-jkl} + e^{jkl}}{(2jkx_{konc} - 1)(jkx_{poč} + 1)e^{-jkl} + (-jkx_{poč} + 1)e^{jkl}}$$
D9

Vztah *D9* je konečný vztah, ze kterého je možné vykreslit frekvenční průběh impedance v závislosti na zadaných rozměrech x_{konc} , $x_{poč}$ a *l*.